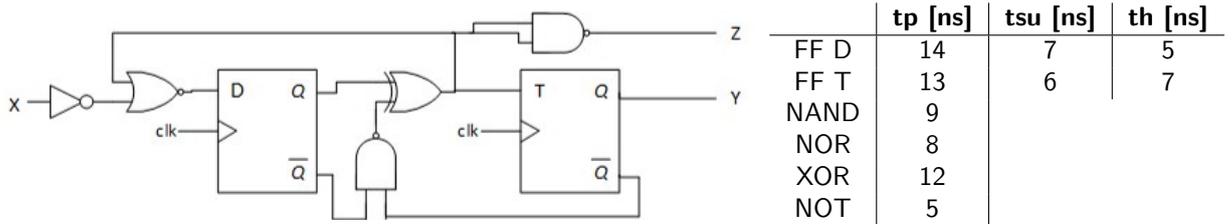


This page will be discarded

**Volume 1 - Part I**

- A. What is the minimum clock period of the following circuit, given the table values (in ns)?  
 [Qual é o período de relógio mínimo do seguinte circuito, assumindo os valores da tabela (em ns)?]



- [ 1 ]: 41                      [ 2 ]: 57                      [ 3 ]: 44  
 [ 4 ]: 50                      [ 5 ]: 49                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

- B. Consider the following state transition table with two inputs *Init* and *X*, two outputs *Y1* and *Y0*, where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of *Init* and *X* and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas *Init* e *X*, duas saídas *Y1* e *Y0*, em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de *Init* e *X* e os estados actuais  $Q_i$ .]

Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

- [ 1 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$                       [ 2 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$   
 [ 3 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$                       [ 4 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$   
 [ 5 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$                       [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

This page will be discarded

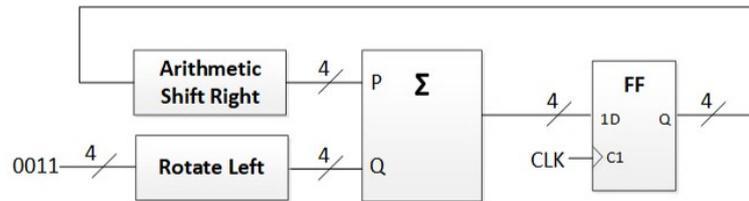
C. Represent  $10110110_2$  in octal.  
 [Represente  $10110110_2$  em octal.]

- [ 1 ]: 146                      [ 2 ]: 246                      [ 3 ]: 166
- [ 4 ]: 136                      [ 5 ]: 266                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

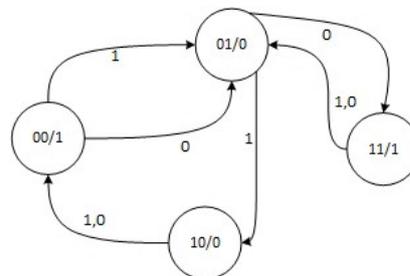
D. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

- [ 1 ]: 0011, 1110
- [ 2 ]: 1100, 1000
- [ 3 ]: 0111, 1111
- [ 4 ]: 1110, 1111
- [ 5 ]: 0011, 0111
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 5 ]

E. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.  
 [Considere o seguinte diagrama de estados. Indique o valor da saída do circuito para cada estado e o valor do próximo estado para cada valor do estado e entrada.]



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 5 ]

None of the other options [Nenhuma das outras opções]

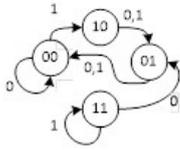
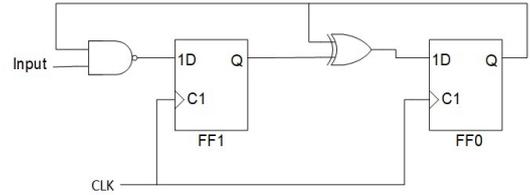
[ 6 ]

Correct answers: [ 2 ]

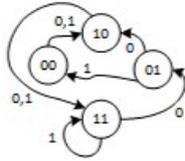
This page will be discarded

F. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?

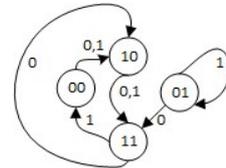
[Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



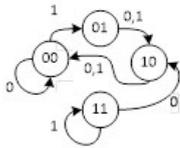
[ 1 ]



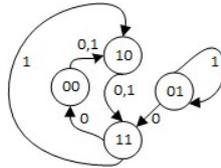
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

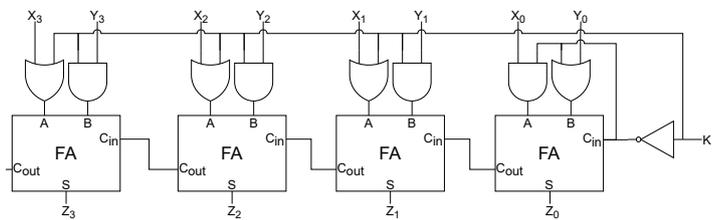
[ 6 ]

Correct answers: [ 3 ]

G. Which function is implemented by the following circuit? Consider that X and Y are 4-bit signed numbers (two's complement).

[Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que X e Y são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

- [ 1 ]: K=0: Z=X-1 ; K=1: Z=X+Y
- [ 2 ]: K=0: Z=X+1 ; K=1: Z=X-Y
- [ 3 ]: K=0: Z=X-Y ; K=1: Z=Y+1
- [ 4 ]: K=0: Z=X+Y ; K=1: Z=Y-1
- [ 5 ]: K=0: Z=X+2 ; K=1: Z=Y-2
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 5 ]

H. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?

[Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

- [ 1 ]:  $(A + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + \bar{D})$
- [ 2 ]:  $(\bar{B} + D)(A + \bar{C})(\bar{B} + \bar{D})$
- [ 3 ]:  $(\bar{A} + C)(\bar{B} + \bar{D})(C + \bar{A})$
- [ 4 ]:  $(A + \bar{B})(\bar{B} + D)(\bar{B} + \bar{A})$
- [ 5 ]:  $(B + \bar{C})(\bar{B} + D)(C + \bar{D})$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

	CD			
	00	01	11	10
00	1	0	X	X
01	1	X	0	1
11	0	1	1	0
10	X	X	0	X

Correct answers: [ 1 ]

This page will be discarded

I. Represent  $C9_{16}$  in base 10.

[Represente  $C9_{16}$  na base 10.]

[ 1 ]: 181  
[ 4 ]: 221

[ 2 ]: 197  
[ 5 ]: 201

[ 3 ]: 215  
[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

J. Select the option corresponding to the output  $f(X, Y, Z)$  of the circuit shown below, when the inputs  $(X, Y, Z)$  have the values  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , and  $(1, 1, 0)$ .

[Indique qual das opções corresponde à saída  $f(X, Y, Z)$  do circuito apresentado em baixo, quando as entradas  $(X, Y, Z)$  tomam os valores  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , e  $(1, 1, 0)$ .]

[ 1 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 0\}$

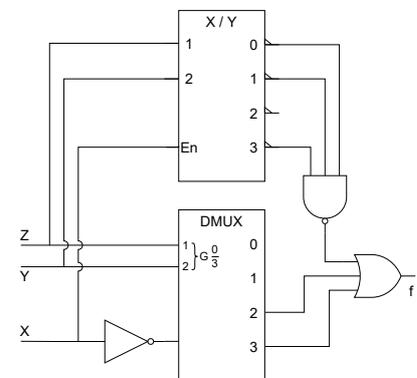
[ 2 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 1\}$

[ 3 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 0\}$

[ 4 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 0 ; 1\}$

[ 5 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 1\}$

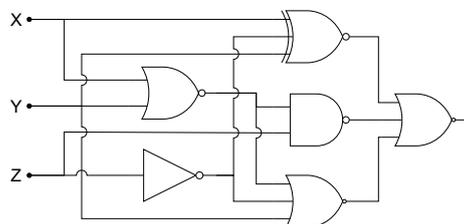
[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 1 ]

K. What is the worst case for the propagation time of the following circuit?

[Qual é o pior caso para o tempo de propagação do seguinte circuito?]



Gate	tp [ns]
NOT	4
NAND2	8
NOR2	7
NOR3	9
XNOR3	11

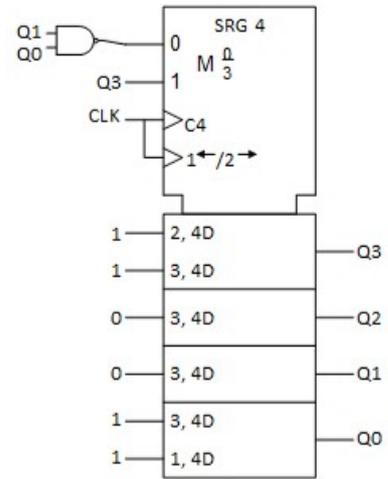
[ 1 ]: 26  
[ 4 ]: 28

[ 2 ]: 24  
[ 5 ]: 19

[ 3 ]: 25  
[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

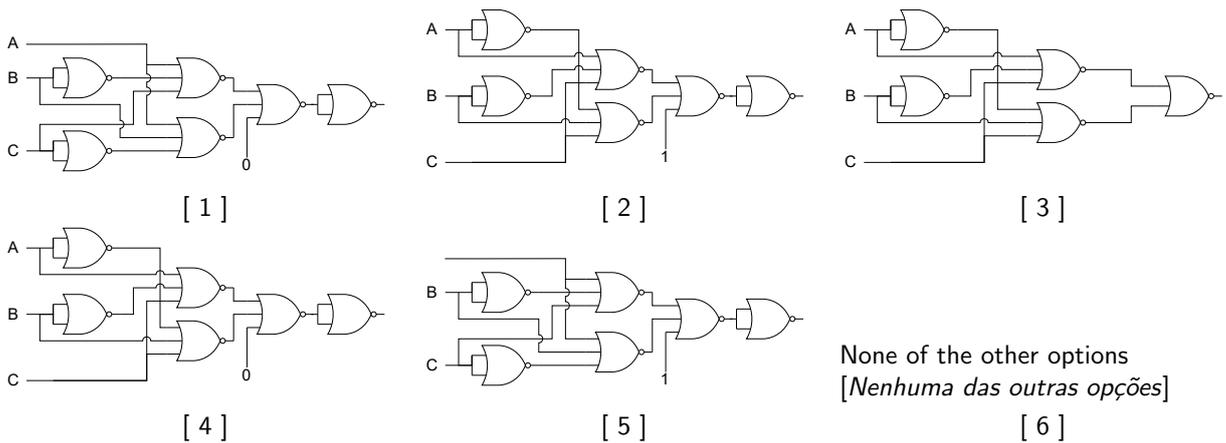
- L. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . What are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . Quais serão os próximos dois estados?]



- [ 1 ]: 1010, 0110
- [ 2 ]: 1011, 0110
- [ 3 ]: 1001, 1001
- [ 4 ]: 1001, 1100
- [ 5 ]: 0011, 1111
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

- M. Which of the following circuits implements the expression  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?]

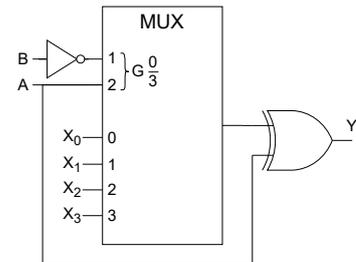


Correct answers: [ 1 ]

- N. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.  
 [Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

- [ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$
- [ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$
- [ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$
- [ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$
- [ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

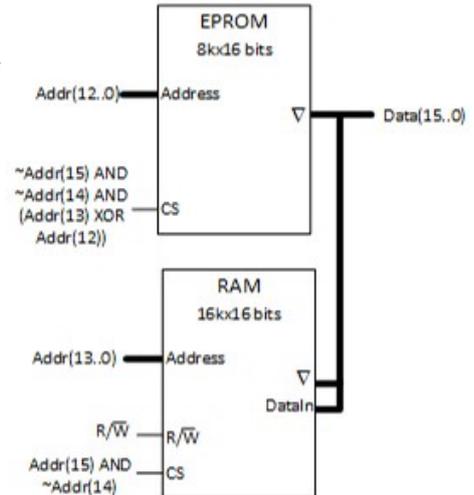


Correct answers: [ 5 ]

This page will be discarded

O. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.  
 [Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

- [ 1 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 2 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 3 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 4 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 5 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

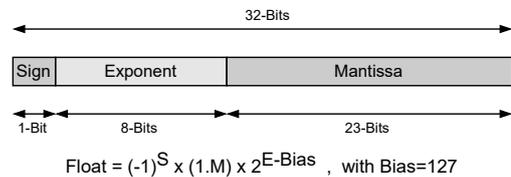


Correct answers: [ 4 ]

P. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?  
 [As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

- [ 1 ]: A,C,B                      [ 2 ]: A,B,C                      [ 3 ]: B,A,C
- [ 4 ]: C,A,B                      [ 5 ]: B,C,A                      [ 6 ]: C,B,A

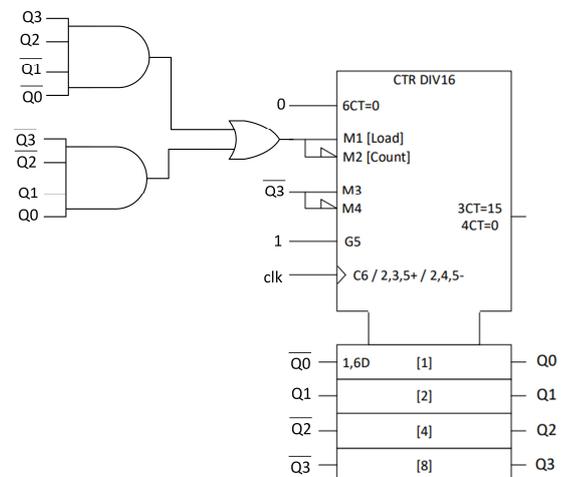


Correct answers: [ 5 ]

Q. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)

[Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]

- [ 1 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...
- [ 2 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...
- [ 3 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...
- [ 4 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...
- [ 5 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 1 ]

R. What is the 8-bit two's complement representation of  $-51$ ?

[Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de  $-51$ ?]

[ 1 ]: 11001100

[ 2 ]: 11001110

[ 3 ]: 00110001

[ 4 ]: 10110001

[ 5 ]: 11001101

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

---

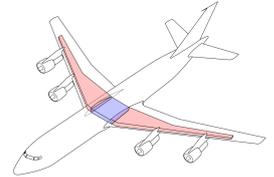
(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

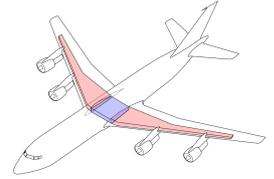
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

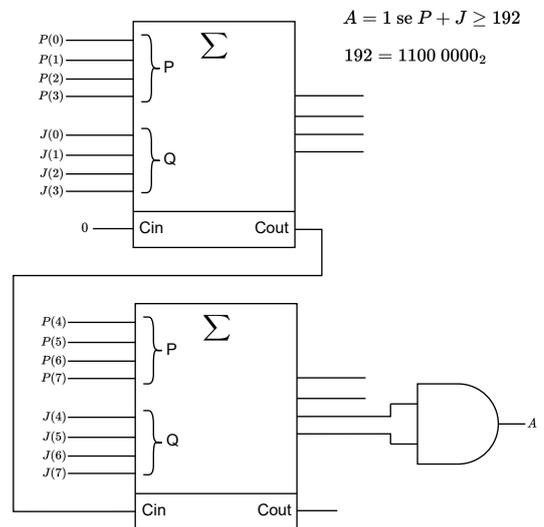
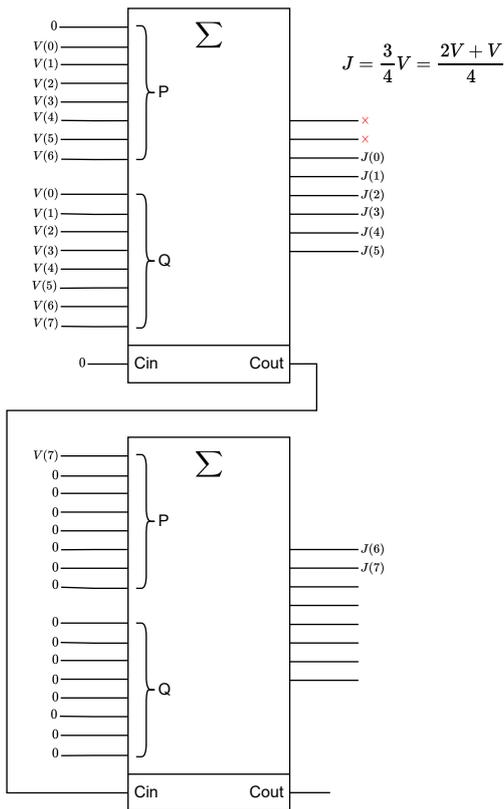
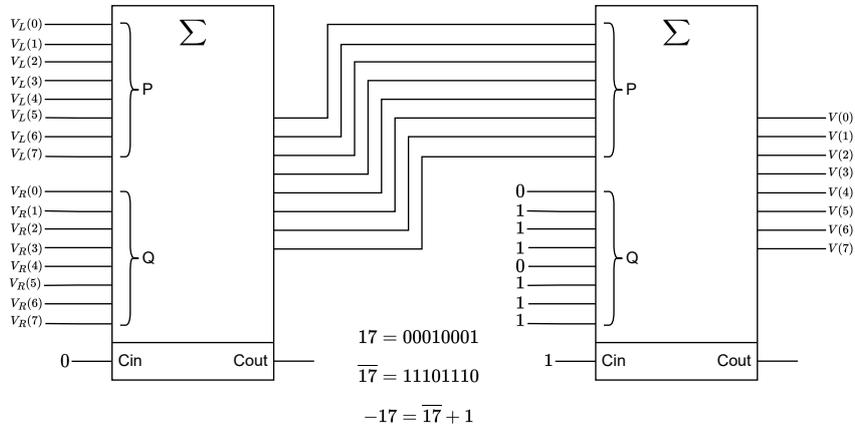
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua decolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na decolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:



This page will be discarded

## Volume 1 - Part III

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 50% + 50%]

Design a circuit that controls the gate of an aircraft hangar. The gate operates vertically, with the electromechanical device located above the entrance. The control mechanism of the gate works as follows:



- All the signals are Active High.
- Input signal S1 indicates that the gate is completely open. Input signal S2 indicates that the gate is completely closed. Input signal S3 indicates that an object was detected in the middle of the entrance.
- Output signals A1 and A2 respectively cause the electromechanical device to raise or lower the gate. The movement of the gate requires that one and only one of the signals A1 or A2 is active, otherwise the mechanism stops.
- The remote control can select between two modes of operation, manual or auto, which correspond to the input signals MA and AU, respectively, in the control circuit. In order to change the mode of operation, the gate must be closed, it being enough that the respective signal is active during a single clock cycle. MA has priority over AU.
- The remote control also generates input signals UP and DN, to trigger raising or lowering of the gate, respectively. The effect of these signals depends on the mode of operation. UP and DN have priority over MA and AU.
- In auto mode, activation of the UP signal (at least one clock cycle) will trigger the raising of the gate, which will only stop when the gate is completely open. After this, a timer will start (the transition of signal AT to active status starts the timer), and, once it expires (activation of input signal TR), the gate will automatically start to lower. Lowering of the gate will continue until the gate is completely closed, or signal S3 is detected active (at least one clock cycle). In this later case, raising is automatically triggered as if the UP signal had been generated. In auto mode, the DN button has no action associated.
- In manual mode, the UP and DN signals must be continuously active in order to move the gate up or down, respectively. Once the UP signal is active, it must be first deactivated to allow DN to have effect, and vice versa.
- In the initial state, the gate is closed, and operating in auto mode.

Consider the incomplete state diagram of the Moore machine of the circuit (see Volume 2, Part III).

Complete the diagram, defining the values of the input signals associated with all state transitions, as well as the values of the output signals associated with each state. "Don't cares" must be used for the inputs whose value does not matter for given a state transition. In the diagram, indicate the inputs/outputs according to the following order:

- Order of the inputs: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs: A1, A2, AT.

### Question B:

The state transition table on the right describes the behavior of a machine with 4 states, one input E and one output Y. A circuit that implements it using two flip-flops of type D (FF0 and FF1), as well as AND, OR and NOT gates, is to be projected. Obtain the logical expressions (in minimal form) for the flip-flop input signals, as well as the output of the circuit.

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

D0 = ...

D1 = ...

Y = ...

**IMPORTANT:** This page will **NOT** be considered for your evaluation

**Pergunta A:**

Projecte um circuito para controlar o portão do *hangar* de uma aeronave. O portão abre e fecha verticalmente, estando o dispositivo eletro-mecânico localizado na parte de cima da entrada. O mecanismo de controlo funciona da forma seguinte:



- Todos os sinais são Ativos a High.
- O sinal de entrada S1 indica que o portão está completamente aberto. O sinal de entrada S2 indica que o portão está completamente fechado. O sinal S3 indica que um objecto foi detectado na entrada do portão.
- Os sinais de saída A1 e A2, fazem com que o dispositivo eletro-mecânico eleve ou baixe o portão, respetivamente. O movimento do portão só ocorre se um e apenas um dos sinais A1 ou A2 estiver ativo, caso contrário o mecanismo pára o movimento.
- O controlo remoto pode seleccionar um entre dois modos de funcionamento, manual ou automático, o que corresponde à geração dos sinais de entrada MA e AU, respetivamente. Para que se possa alterar o modo de funcionamento, o portão tem de estar fechado, bastando que o respetivo sinal fique ativo durante um ciclo de relógio. MA tem prioridade sobre AU.
- O controlo remoto também gera sinais UP e DN, para despoletar a elevação e abaixamento do portão. O efeito destes sinais depende do modo de funcionamento. UP e DN têm prioridade sobre MA e AU.
- No modo automático, a ativação do sinal UP (pelo menos um ciclo de relógio) irá despoletar a elevação do portão, a qual irá parar uma vez que o portão esteja completamente aberto. Depois disso, um temporizador irá arrancar (o arranque é despoletado pela transição do sinal AT para ativo), e, uma vez que o temporizador expire (ativação do sinal de entrada TR), o portão começará automaticamente a baixar. O abaixamento do portão irá continuar até o portão estar completamente fechado, ou até o sinal S3 ficar ativo (pelo menos um ciclo de relógio). Neste último caso, a elevação do portão recomeça automaticamente, como se o sinal UP tivesse sido gerado. No modo automático, o sinal DN não tem nenhuma acção associada.
- No modo manual, os sinais UP e DN têm de estar continuamente ativos para elevar ou baixar o portão, respetivamente. Assim que o sinal UP fica ativo, tem de ser primeiro desativado para que DN possa ter efeito, e vice versa.
- No estado inicial, o portão está fechado e em modo automático.

Considere o diagrama de estados incompleto da máquina de Moore do circuito (ver Volume 2, Parte III). Complete o diagrama, definindo os valores dos sinais de entrada que desencadeiam todas as transições de estado, assim como os valores de saída de cada estado. As "indiferenças" têm de ser obrigatoriamente usadas para entradas que não tenham influência numa determinada transição de estado. As entradas/saídas têm de ser indicadas de acordo com a ordem seguinte:

- Ordem das entradas: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Ordem das saídas: A1, A2, AT.

**Pergunta B:**

A tabela de transição de estados à direita descreve uma máquina com 4 estados, uma entrada E e uma saída Y. Projecte o circuito que a implementa utilizando dois flip-flops D (FF0 e FF1), assim como portas AND, OR e NOT. Obtenha as expressões algébricas (na forma mínima) para os sinais de entrada dos flip-flops, assim como da saída do circuito.

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

D0 = ...

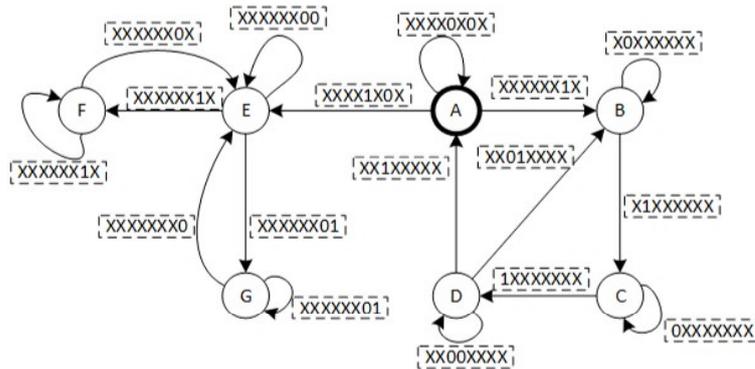
D1 = ...

Y = ...

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

This page will be discarded

This page will be discarded

## Volume 1 - Part I

- A. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?

[Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

[ 1 ]: 0111, 1111

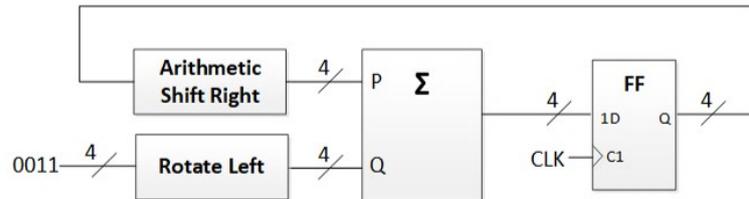
[ 2 ]: 1110, 1111

[ 3 ]: 1100, 1000

[ 4 ]: 0011, 0111

[ 5 ]: 0011, 1110

[ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 4 ]

- B. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?

[Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

[ 1 ]:  $(A + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + \bar{D})$

[ 2 ]:  $(B + \bar{C})(\bar{B} + D)(C + \bar{D})$

[ 3 ]:  $(\bar{B} + D)(A + \bar{C})(\bar{B} + \bar{D})$

[ 4 ]:  $(A + \bar{B})(\bar{B} + D)(\bar{B} + \bar{A})$

[ 5 ]:  $(\bar{A} + C)(\bar{B} + \bar{D})(C + \bar{A})$

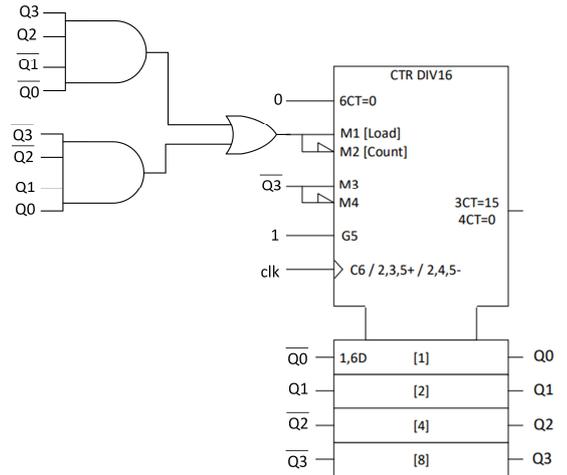
[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	X	X
	01	1	X	0	1
	11	0	1	1	0
	10	X	X	0	X

Correct answers: [ 1 ]

C. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)

[Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]



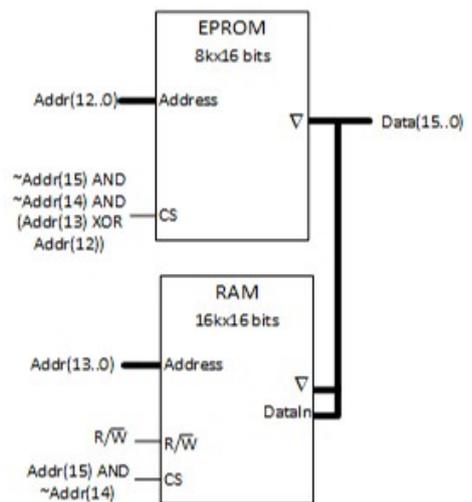
- [ 1 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...
- [ 2 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...
- [ 3 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...
- [ 4 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...
- [ 5 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

D. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.

[Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

- [ 1 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 2 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 3 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 4 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 5 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

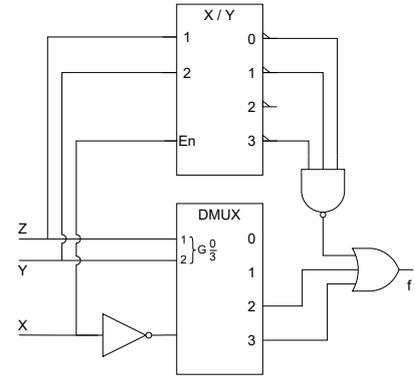


Correct answers: [ 5 ]

This page will be discarded

E. Select the option corresponding to the output  $f(X, Y, Z)$  of the circuit shown below, when the inputs  $(X, Y, Z)$  have the values  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , and  $(1, 1, 0)$ .  
 [Indique qual das opções corresponde à saída  $f(X, Y, Z)$  do circuito apresentado em baixo, quando as entradas  $(X, Y, Z)$  tomam os valores  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , e  $(1, 1, 0)$ .]

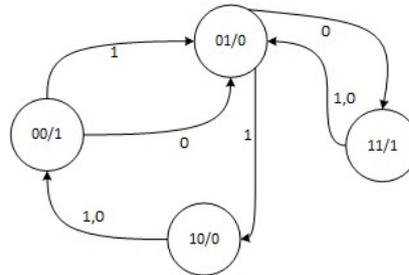
- [ 1 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 1\}$
- [ 2 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 0\}$
- [ 3 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 0\}$
- [ 4 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 1\}$
- [ 5 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 0 ; 1\}$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 2 ]

F. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.

[Considere o seguinte diagrama de estados. Indique o valor da saída do circuito para cada estado e o valor do próximo estado para cada valor do estado e entrada.]



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 5 ]

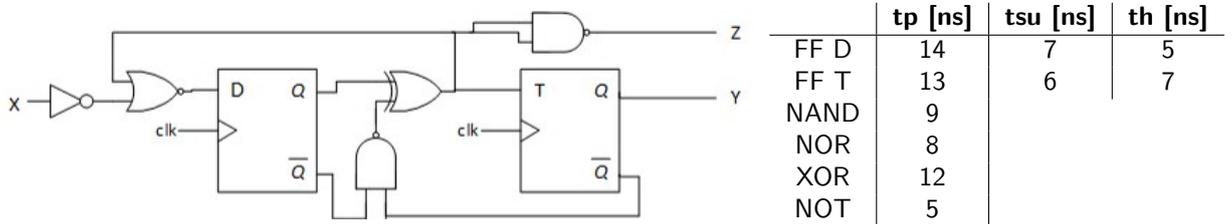
None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 1 ]

This page will be discarded

G. What is the minimum clock period of the following circuit, given the table values (in ns)?  
 [Qual é o período de relógio mínimo do seguinte circuito, assumindo os valores da tabela (em ns)?]



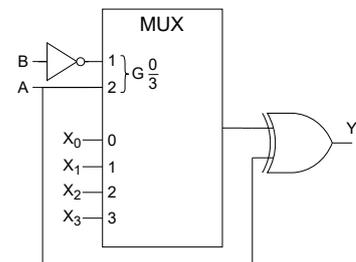
- [ 1 ]: 49
- [ 2 ]: 41
- [ 3 ]: 44
- [ 4 ]: 50
- [ 5 ]: 57
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

H. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.  
 [Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

- [ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$
- [ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$
- [ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$
- [ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$
- [ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



Correct answers: [ 4 ]

This page will be discarded

- I. Consider the following state transition table with two inputs  $Init$  and  $X$ , two outputs  $Y1$  and  $Y0$ , where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of  $Init$  and  $X$  and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas  $Init$  e  $X$ , duas saídas  $Y1$  e  $Y0$ , em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de  $Init$  e  $X$  e os estados actuais  $Q_i$ .]

Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

[ 1 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$

[ 2 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$

[ 3 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$

[ 4 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$

[ 5 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$

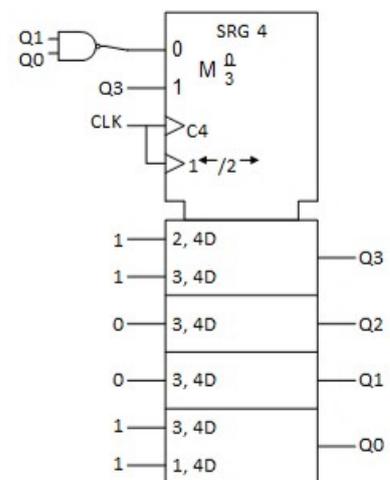
[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

- J. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is  $Q3 Q2 Q1 Q0 = 1011$ . What are the next two states of the circuit?

[Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é  $Q3 Q2 Q1 Q0 = 1011$ . Quais serão os próximos dois estados?]



[ 1 ]: 1001, 1100

[ 2 ]: 0011, 1111

[ 3 ]: 1011, 0110

[ 4 ]: 1010, 0110

[ 5 ]: 1001, 1001

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

- K. What is the 8-bit two's complement representation of  $-51$ ?

[Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de  $-51$ ?]

[ 1 ]: 11001101

[ 2 ]: 11001110

[ 3 ]: 10110001

[ 4 ]: 00110001

[ 5 ]: 11001100

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

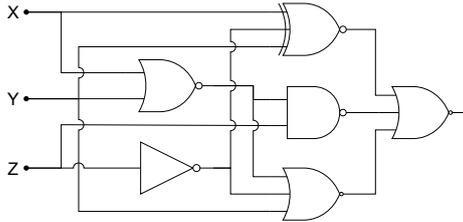
Correct answers: [ 1 ]

L. Represent  $C9_{16}$  in base 10.  
 [Represente  $C9_{16}$  na base 10.]

- [ 1 ]: 221                      [ 2 ]: 201                      [ 3 ]: 181
- [ 4 ]: 197                      [ 5 ]: 215                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 2 ]

M. What is the worst case for the propagation time of the following circuit?  
 [Qual é o pior caso para o tempo de propagação do seguinte circuito?]



Gate	tp [ns]
NOT	4
NAND2	8
NOR2	7
NOR3	9
XNOR3	11

- [ 1 ]: 26                      [ 2 ]: 28                      [ 3 ]: 25
- [ 4 ]: 19                      [ 5 ]: 24                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

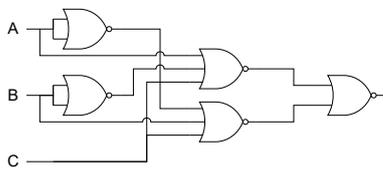
Correct answers: [ 3 ]

N. Represent  $10110110_2$  in octal.  
 [Represente  $10110110_2$  em octal.]

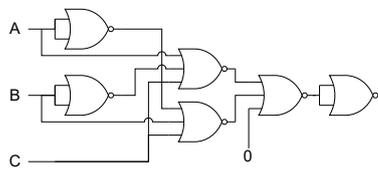
- [ 1 ]: 266                      [ 2 ]: 146                      [ 3 ]: 166
- [ 4 ]: 246                      [ 5 ]: 136                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 1 ]

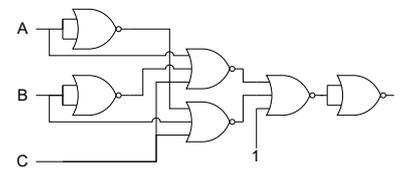
O. Which of the following circuits implements the expression  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?]



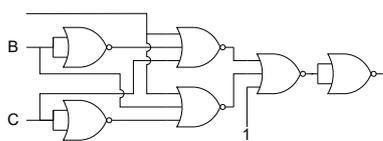
[ 1 ]



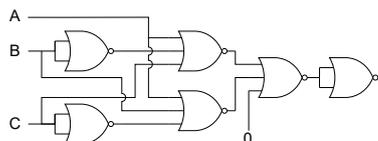
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

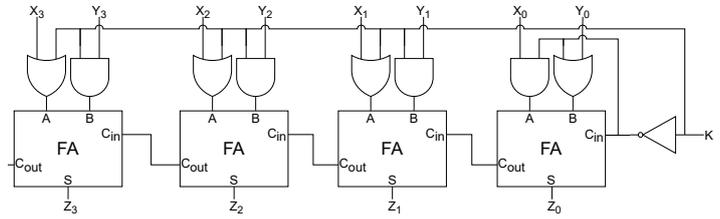
[ 6 ]

Correct answers: [ 5 ]

This page will be discarded

P. Which function is implemented by the following circuit? Consider that X and Y are 4-bit signed numbers (two's complement).  
 [Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que X e Y são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

- [ 1 ]: K=0: Z=X-1 ; K=1: Z=X+Y
- [ 2 ]: K=0: Z=X+Y ; K=1: Z=Y-1
- [ 3 ]: K=0: Z=X+2 ; K=1: Z=Y-2
- [ 4 ]: K=0: Z=X+1 ; K=1: Z=X-Y
- [ 5 ]: K=0: Z=X-Y ; K=1: Z=Y+1
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

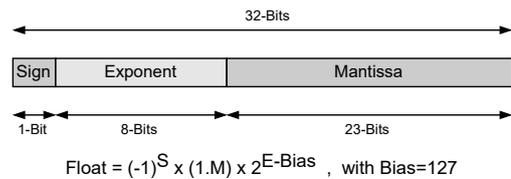


Correct answers: [ 3 ]

Q. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?  
 [As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

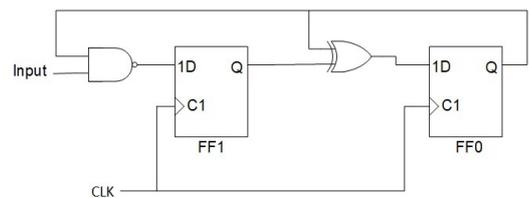
A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

- [ 1 ]: A,C,B    [ 2 ]: B,A,C    [ 3 ]: C,A,B
- [ 4 ]: A,B,C    [ 5 ]: B,C,A    [ 6 ]: C,B,A



Correct answers: [ 5 ]

R. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



- [ 1 ]
- [ 2 ]
- [ 3 ]
- [ 4 ]
- [ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]  
 [ 6 ]

Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

This page will be discarded

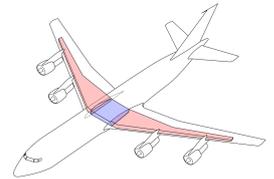
This page will be discarded

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

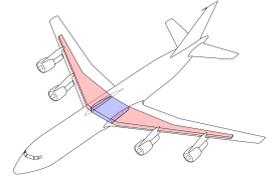
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

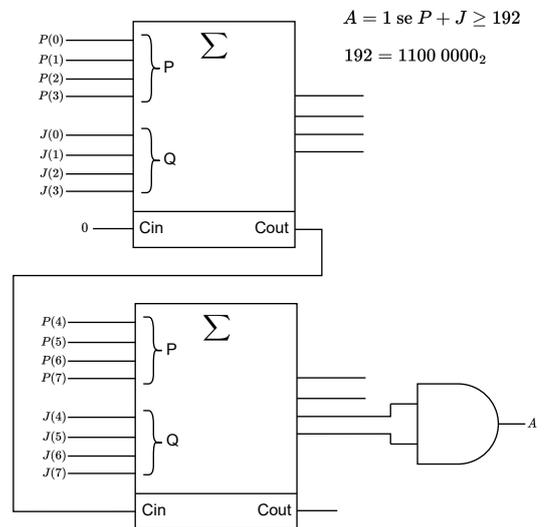
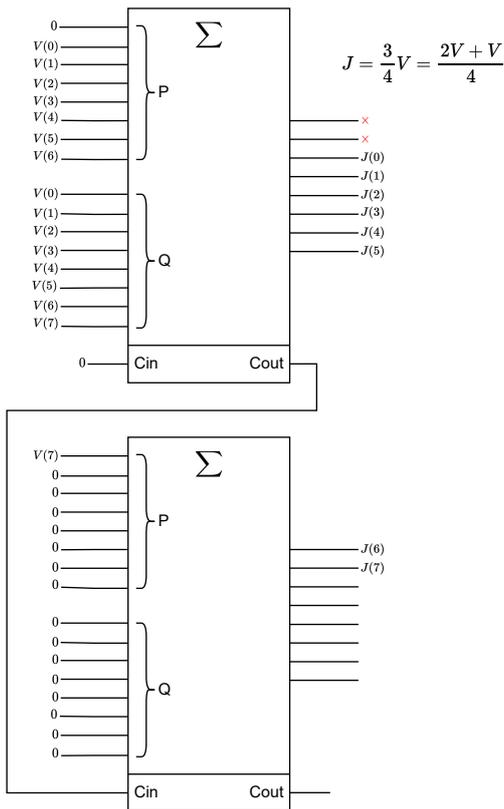
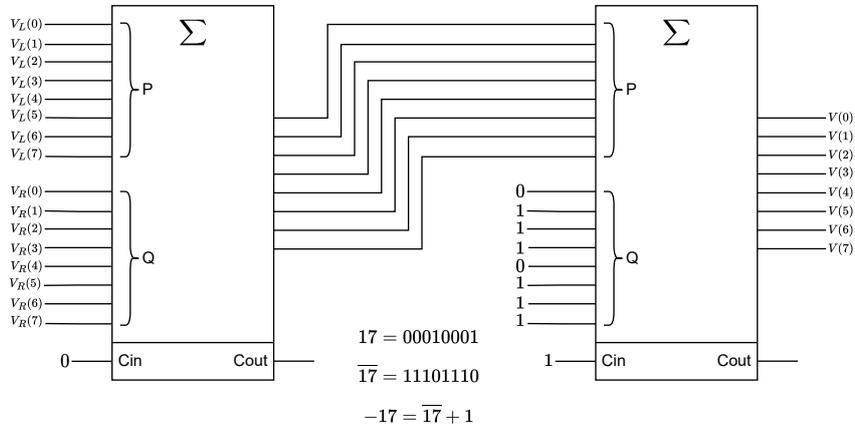
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua decolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na decolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:

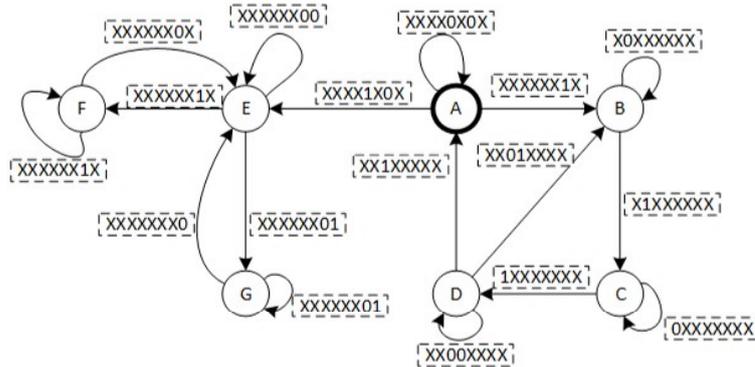


This page will be discarded

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

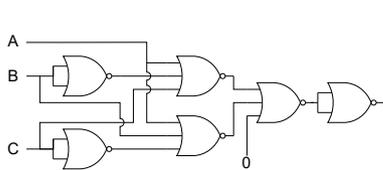
$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

This page will be discarded

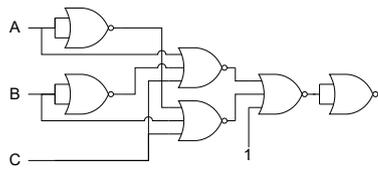
This page will be discarded

**Volume 1 - Part I**

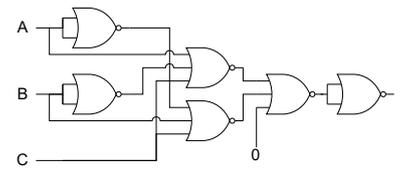
A. Which of the following circuits implements the expression  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?



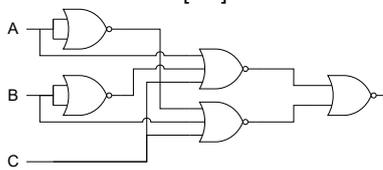
[ 1 ]



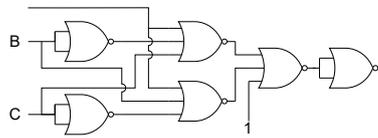
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



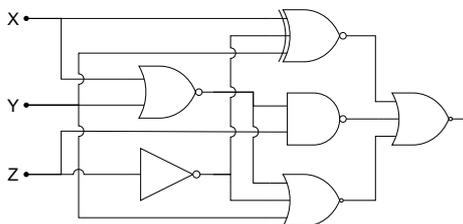
[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 1 ]

B. What is the worst case for the propagation time of the following circuit?  
 [Qual é o pior caso para o tempo de propagação do seguinte circuito?]



Gate	tp [ns]
NOT	4
NAND2	8
NOR2	7
NOR3	9
XNOR3	11

[ 1 ]: 26  
 [ 4 ]: 24

[ 2 ]: 19  
 [ 5 ]: 25

[ 3 ]: 28

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

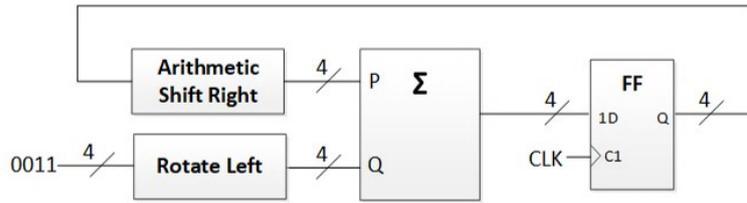
Correct answers: [ 5 ]

This page will be discarded



F. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

- [ 1 ]: 0111, 1111
- [ 2 ]: 0011, 1110
- [ 3 ]: 0011, 0111
- [ 4 ]: 1110, 1111
- [ 5 ]: 1100, 1000
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

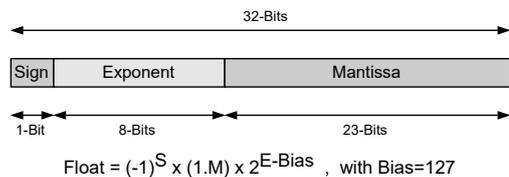


Correct answers: [ 3 ]

G. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?  
 [As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

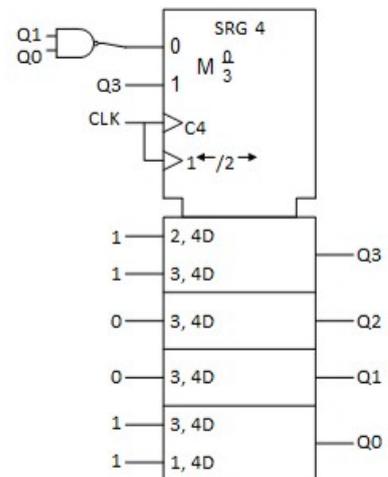
- [ 1 ]: B,C,A                      [ 2 ]: B,A,C                      [ 3 ]: A,B,C
- [ 4 ]: A,C,B                      [ 5 ]: C,A,B                      [ 6 ]: C,B,A



Correct answers: [ 1 ]

H. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is  $Q3 Q2 Q1 Q0 = 1011$ . What are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é  $Q3 Q2 Q1 Q0 = 1011$ . Quais serão os próximos dois estados?]

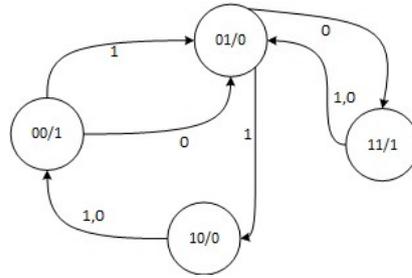
- [ 1 ]: 1001, 1100
- [ 2 ]: 1011, 0110
- [ 3 ]: 0011, 1111
- [ 4 ]: 1010, 0110
- [ 5 ]: 1001, 1001
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 6 ]

This page will be discarded

I. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 5 ]

None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

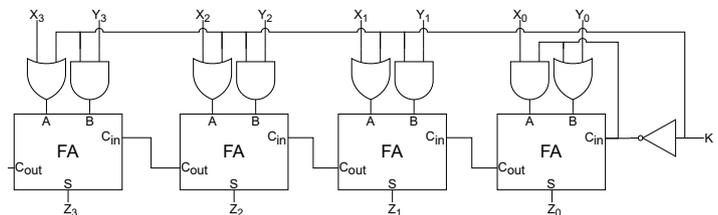
[ 6 ]

Correct answers: [ 5 ]

J. Which function is implemented by the following circuit? Consider that X and Y are 4-bit signed numbers (two's complement).

[Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que X e Y são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

- [ 1 ]: K=0: Z=X+Y ; K=1: Z=Y-1
- [ 2 ]: K=0: Z=X+1 ; K=1: Z=X-Y
- [ 3 ]: K=0: Z=X-1 ; K=1: Z=X+Y
- [ 4 ]: K=0: Z=X-Y ; K=1: Z=Y+1
- [ 5 ]: K=0: Z=X+2 ; K=1: Z=Y-2
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 5 ]

This page will be discarded

- K. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?  
 [Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

- [ 1 ]:  $(\overline{B} + D)(A + \overline{C})(\overline{B} + \overline{D})$   
 [ 2 ]:  $(A + \overline{D})(\overline{A} + D)(B + \overline{D})$   
 [ 3 ]:  $(\overline{A} + C)(\overline{B} + \overline{D})(C + \overline{A})$   
 [ 4 ]:  $(A + \overline{B})(\overline{B} + D)(\overline{B} + \overline{A})$   
 [ 5 ]:  $(B + \overline{C})(\overline{B} + D)(C + \overline{D})$   
 [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	X	X
	01	1	X	0	1
	11	0	1	1	0
	10	X	X	0	X

Correct answers: [ 2 ]

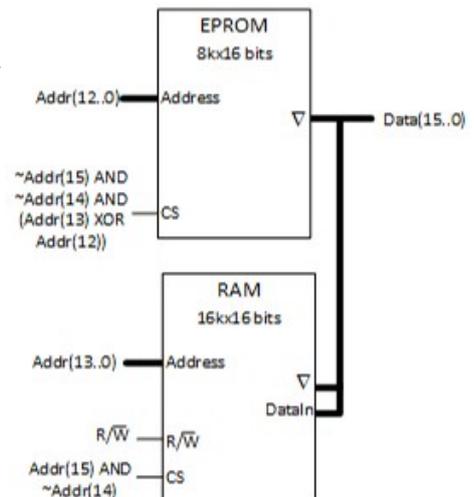
- L. Represent  $10110110_2$  in octal.  
 [Represente  $10110110_2$  em octal.]

- [ 1 ]: 146                      [ 2 ]: 166                      [ 3 ]: 136  
 [ 4 ]: 266                      [ 5 ]: 246                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

- M. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.  
 [Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

- [ 1 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh  
 [ 2 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh  
 [ 3 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh  
 [ 4 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh  
 [ 5 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh  
 [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

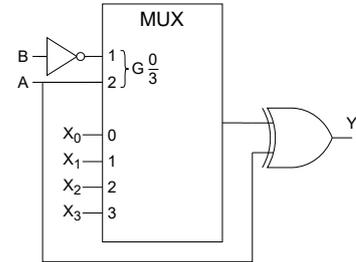


Correct answers: [ 3 ]

N. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.  
 [Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

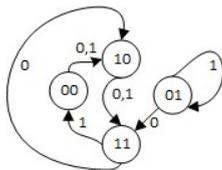
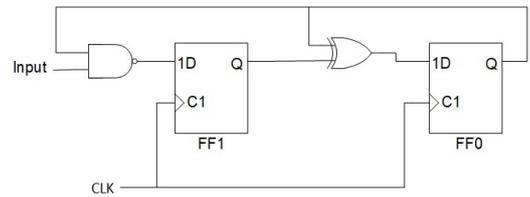
- [ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$
- [ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$
- [ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$
- [ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$
- [ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

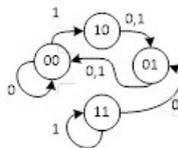


Correct answers: [ 4 ]

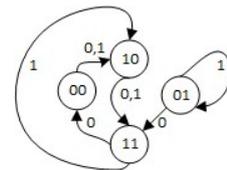
O. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



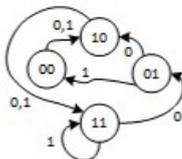
[ 1 ]



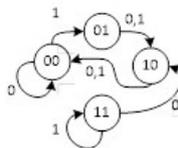
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

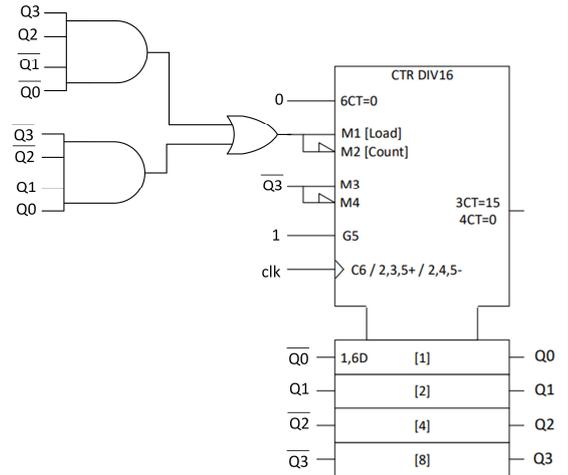
[ 6 ]

Correct answers: [ 1 ]

This page will be discarded

P. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)

[Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]



- [ 1 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...
- [ 2 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...
- [ 3 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...
- [ 4 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...
- [ 5 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

Q. Consider the following state transition table with two inputs  $Init$  and  $X$ , two outputs  $Y1$  and  $Y0$ , where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of  $Init$  and  $X$  and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas  $Init$  e  $X$ , duas saídas  $Y1$  e  $Y0$ , em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de  $Init$  e  $X$  e os estados actuais  $Q_i$ .]

Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

- [ 1 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$
- [ 2 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$
- [ 3 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$
- [ 4 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$
- [ 5 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

R. What is the 8-bit two's complement representation of  $-51$ ?

[Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de  $-51$ ?]

- [ 1 ]: 00110001
- [ 2 ]: 11001110
- [ 3 ]: 11001101
- [ 4 ]: 11001100
- [ 5 ]: 10110001
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

---

(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

This page will be discarded

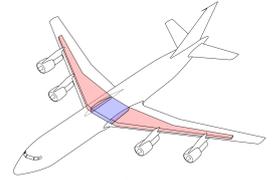
This page will be discarded

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

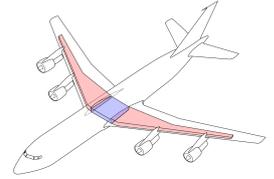
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

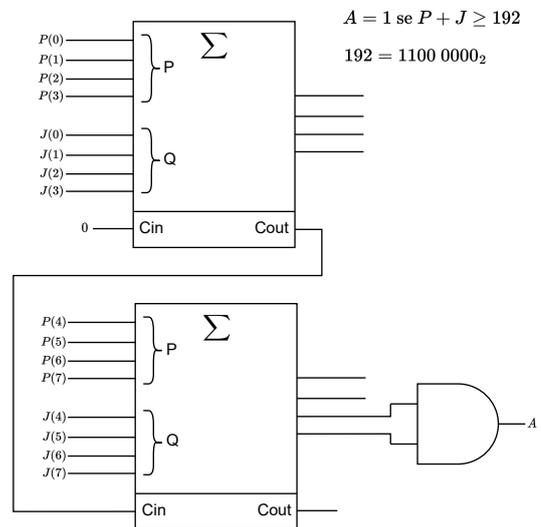
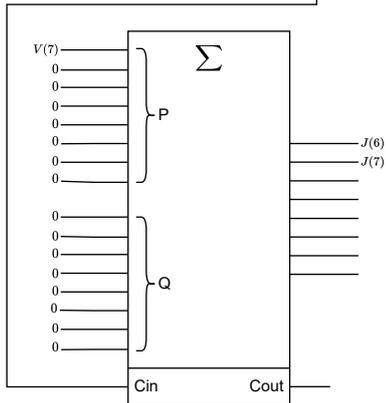
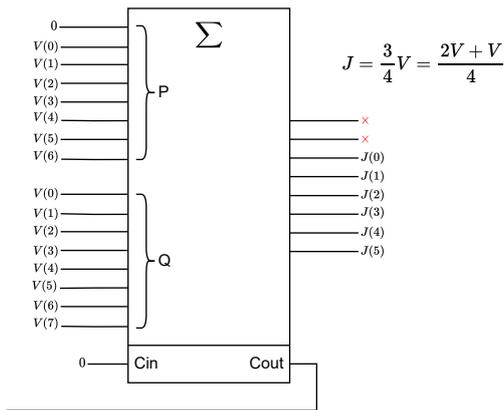
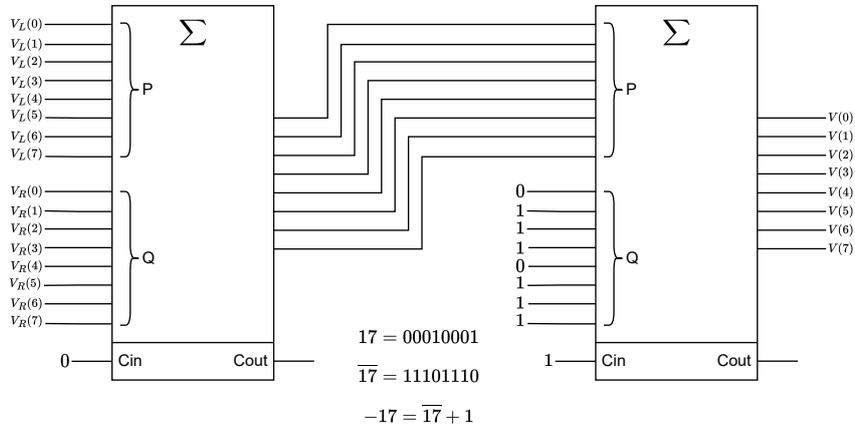
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua decolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na decolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:

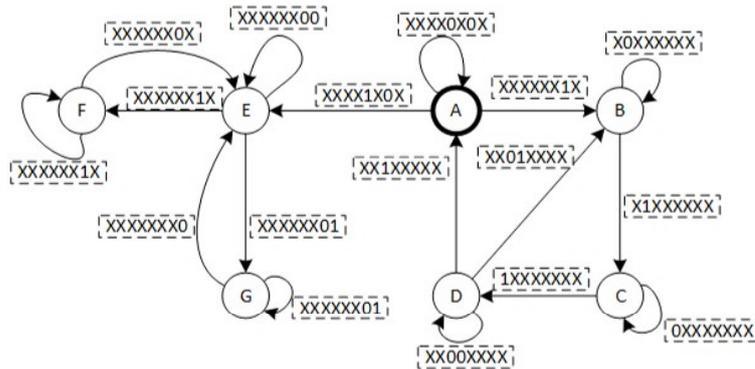


This page will be discarded

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

This page will be discarded

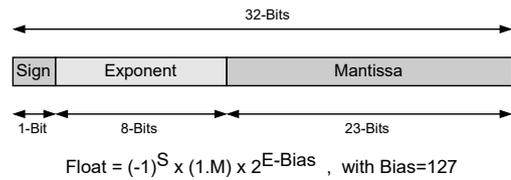
This page will be discarded

**Volume 1 - Part I**

A. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?  
 [As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

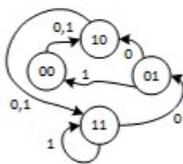
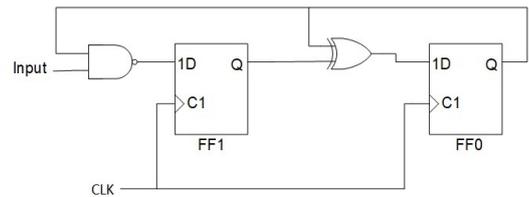
A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

- [ 1 ]: B,C,A                      [ 2 ]: C,A,B                      [ 3 ]: A,B,C
- [ 4 ]: A,C,B                      [ 5 ]: B,A,C                      [ 6 ]: C,B,A

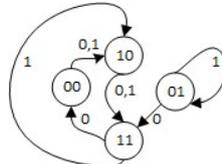


Correct answers: [ 1 ]

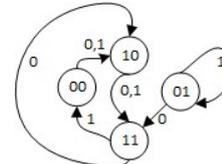
B. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



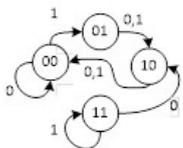
[ 1 ]



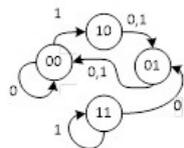
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 3 ]

C. Represent  $C9_{16}$  in base 10.  
 [Represente  $C9_{16}$  na base 10.]

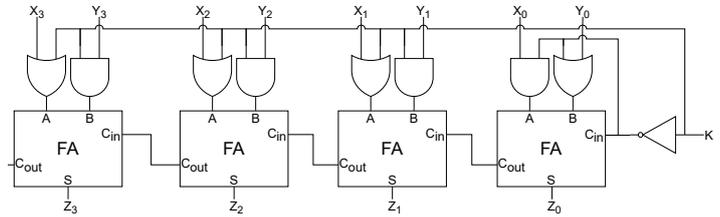
- [ 1 ]: 197                      [ 2 ]: 201                      [ 3 ]: 221
- [ 4 ]: 181                      [ 5 ]: 215                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

D. Which function is implemented by the following circuit? Consider that  $X$  and  $Y$  are 4-bit signed numbers (two's complement).  
 [Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que  $X$  e  $Y$  são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

- [ 1 ]:  $K=0: Z=X-1$  ;  $K=1: Z=X+Y$
- [ 2 ]:  $K=0: Z=X+Y$  ;  $K=1: Z=Y-1$
- [ 3 ]:  $K=0: Z=X+1$  ;  $K=1: Z=X-Y$
- [ 4 ]:  $K=0: Z=X+2$  ;  $K=1: Z=Y-2$
- [ 5 ]:  $K=0: Z=X-Y$  ;  $K=1: Z=Y+1$
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



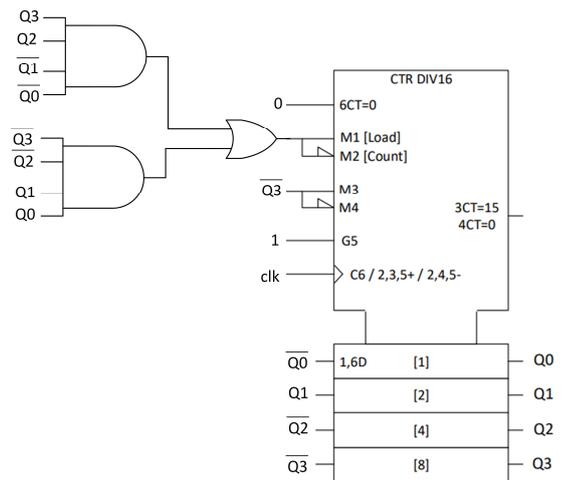
Correct answers: [ 4 ]

E. Represent  $10110110_2$  in octal.  
 [Represente  $10110110_2$  em octal.]

- [ 1 ]: 246
- [ 2 ]: 166
- [ 3 ]: 266
- [ 4 ]: 136
- [ 5 ]: 146
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

F. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)  
 [Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]



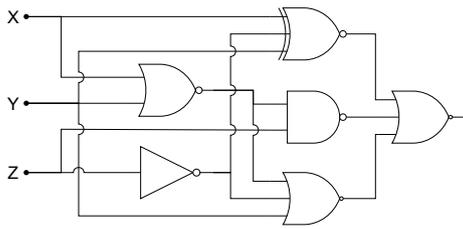
- [ 1 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...
- [ 2 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...
- [ 3 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...
- [ 4 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...
- [ 5 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 1 ]

This page will be discarded

G. What is the worst case for the propagation time of the following circuit?

[Qual é o pior caso para o tempo de propagação do seguinte circuito?]



Gate	tp [ns]
NOT	4
NAND2	8
NOR2	7
NOR3	9
XNOR3	11

[ 1 ]: 24  
[ 4 ]: 25

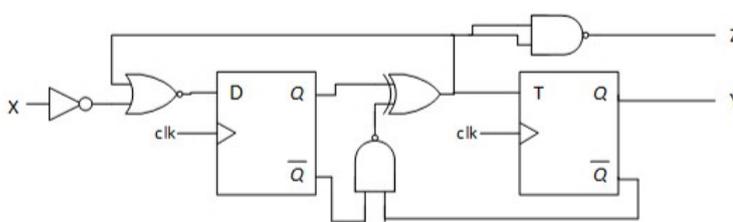
[ 2 ]: 28  
[ 5 ]: 26

[ 3 ]: 19  
[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

H. What is the minimum clock period of the following circuit, given the table values (in ns)?

[Qual é o período de relógio mínimo do seguinte circuito, assumindo os valores da tabela (em ns)?]



	tp [ns]	tsu [ns]	th [ns]
FF D	14	7	5
FF T	13	6	7
NAND	9		
NOR	8		
XOR	12		
NOT	5		

[ 1 ]: 57  
[ 4 ]: 50

[ 2 ]: 44  
[ 5 ]: 41

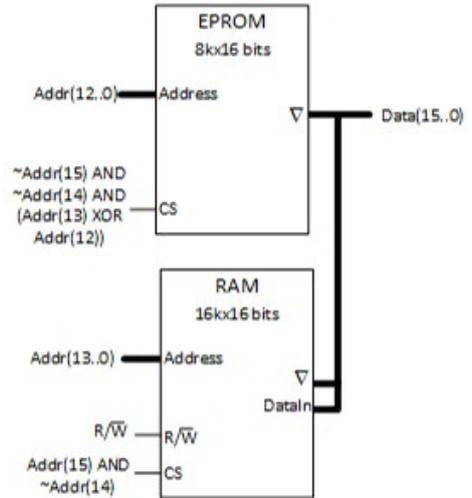
[ 3 ]: 49  
[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

This page will be discarded

- I. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.  
 [Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

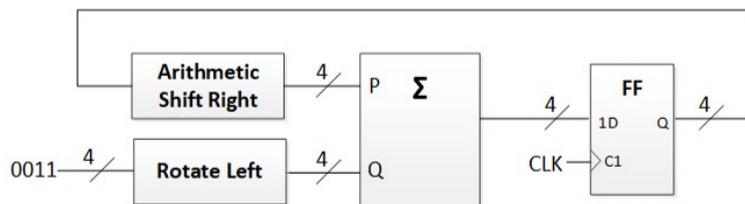
- [ 1 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 2 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 3 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 4 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 5 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 2 ]

- J. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

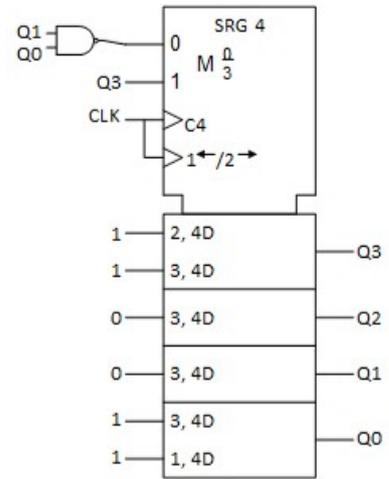
- [ 1 ]: 0011, 1110
- [ 2 ]: 0011, 0111
- [ 3 ]: 1110, 1111
- [ 4 ]: 1100, 1000
- [ 5 ]: 0111, 1111
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

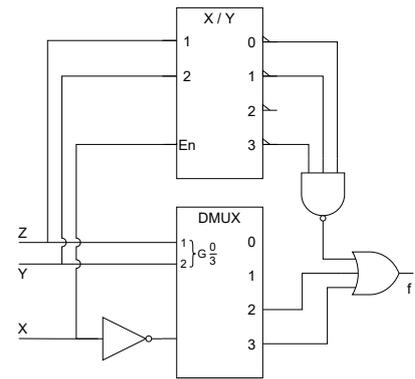
K. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . What are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . Quais serão os próximos dois estados?]



- [ 1 ]: 1001, 1100
- [ 2 ]: 1010, 0110
- [ 3 ]: 0011, 1111
- [ 4 ]: 1001, 1001
- [ 5 ]: 1011, 0110
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

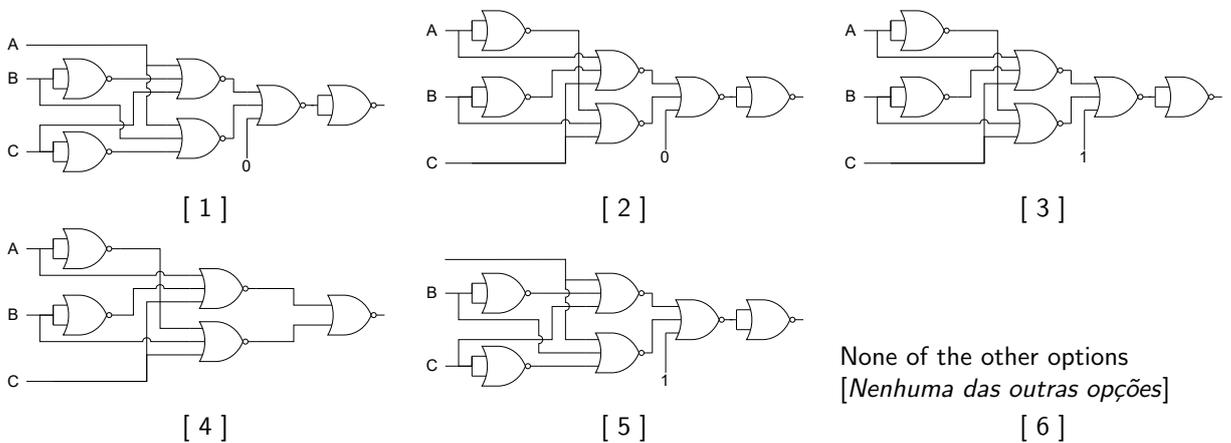
L. Select the option corresponding to the output  $f(X, Y, Z)$  of the circuit shown below, when the inputs  $(X, Y, Z)$  have the values  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , and  $(1, 1, 0)$ .  
 [Indique qual das opções corresponde à saída  $f(X, Y, Z)$  do circuito apresentado em baixo, quando as entradas  $(X, Y, Z)$  tomam os valores  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , e  $(1, 1, 0)$ .]



- [ 1 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 1\}$
- [ 2 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 0 ; 1\}$
- [ 3 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 0\}$
- [ 4 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 1\}$
- [ 5 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 0\}$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

M. Which of the following circuits implements the expression  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?]



Correct answers: [ 1 ]

This page will be discarded

- N. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?  
 [Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

- [ 1 ]:  $(\bar{A} + C)(\bar{B} + \bar{D})(C + \bar{A})$   
 [ 2 ]:  $(\bar{B} + D)(A + \bar{C})(\bar{B} + \bar{D})$   
 [ 3 ]:  $(B + \bar{C})(\bar{B} + D)(C + \bar{D})$   
 [ 4 ]:  $(A + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + \bar{D})$   
 [ 5 ]:  $(A + \bar{B})(\bar{B} + D)(\bar{B} + \bar{A})$   
 [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

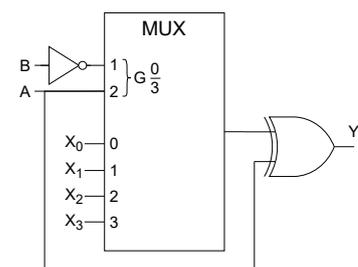
	CD			
	00	01	11	10
00	1	0	X	X
01	1	X	0	1
11	0	1	1	0
10	X	X	0	X

Correct answers: [ 4 ]

- O. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.  
 [Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

- [ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$   
 [ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$   
 [ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$   
 [ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$   
 [ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$   
 [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



Correct answers: [ 4 ]

- P. Consider the following state transition table with two inputs  $Init$  and  $X$ , two outputs  $Y1$  and  $Y0$ , where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of  $Init$  and  $X$  and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas  $Init$  e  $X$ , duas saídas  $Y1$  e  $Y0$ , em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de  $Init$  e  $X$  e os estados actuais  $Q_i$ .]

Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

[ 1 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$

[ 2 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$

[ 3 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$

[ 4 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$

[ 5 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

- Q. What is the 8-bit two's complement representation of  $-51$ ?

[Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de  $-51$ ?]

[ 1 ]: 11001110

[ 2 ]: 11001100

[ 3 ]: 00110001

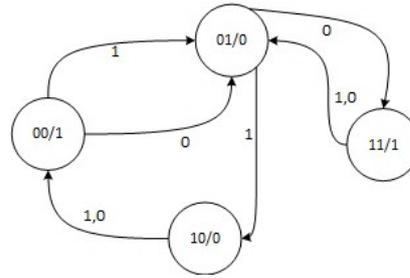
[ 4 ]: 10110001

[ 5 ]: 11001101

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

R. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 5 ]

None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 2 ]

(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

This page will be discarded

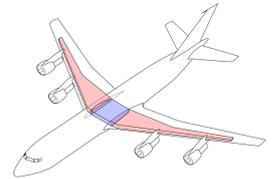
This page will be discarded

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

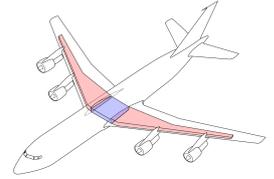
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

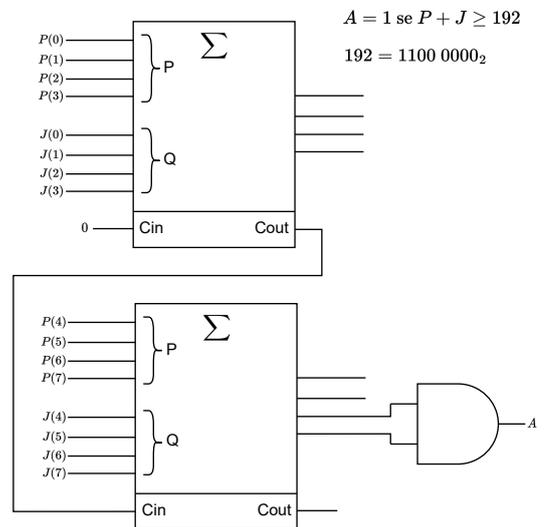
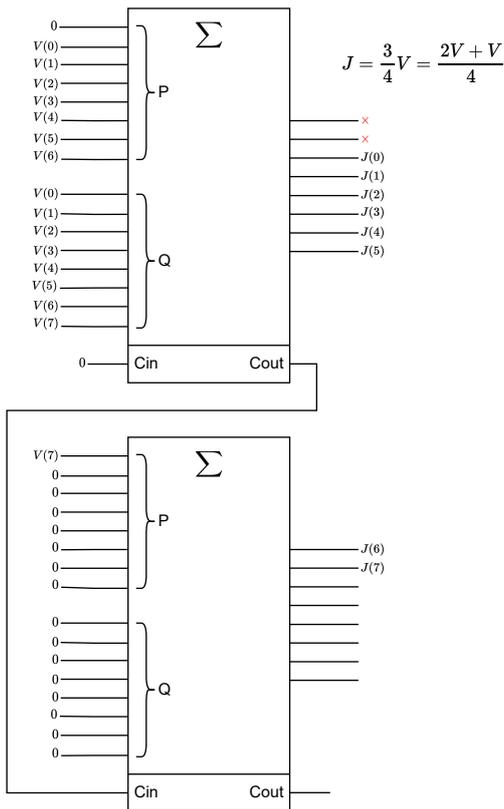
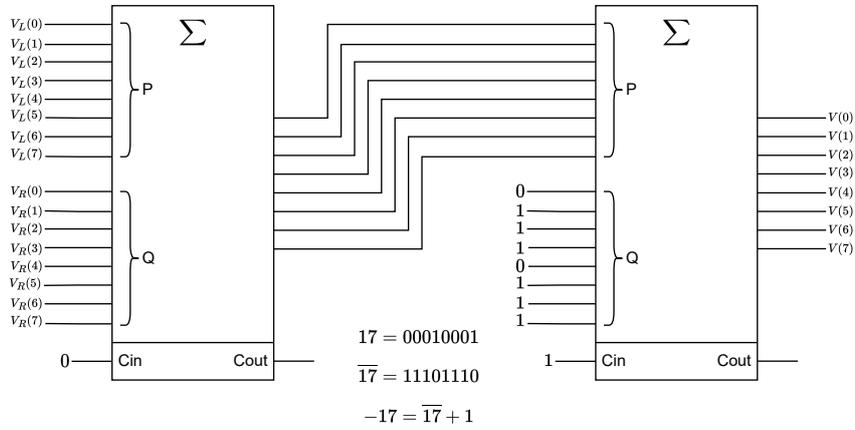
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua descolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na descolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:

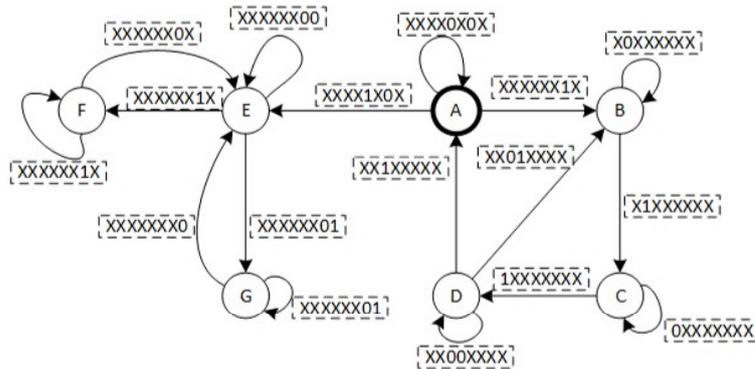


This page will be discarded

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

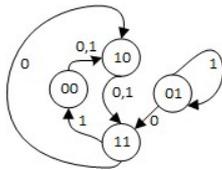
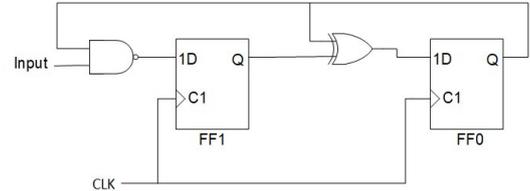
$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

This page will be discarded

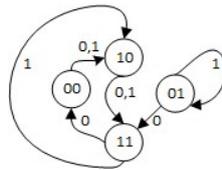
This page will be discarded

**Volume 1 - Part I**

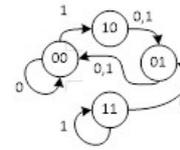
A. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



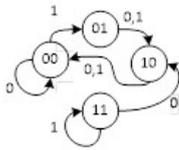
[ 1 ]



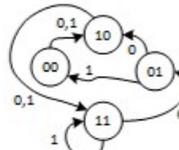
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

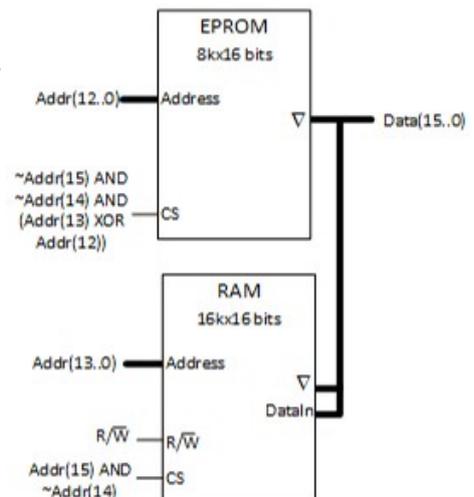
None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 1 ]

B. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.  
 [Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

- [ 1 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 2 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 3 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 4 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 5 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 4 ]

This page will be discarded

C. Represent  $10110110_2$  in octal.

[Represente  $10110110_2$  em octal.]

[ 1 ]: 136  
[ 4 ]: 166

[ 2 ]: 266  
[ 5 ]: 146

[ 3 ]: 246

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 2 ]

D. Represent  $C9_{16}$  in base 10.

[Represente  $C9_{16}$  na base 10.]

[ 1 ]: 197  
[ 4 ]: 201

[ 2 ]: 221  
[ 5 ]: 215

[ 3 ]: 181

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

E. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.

[Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

[ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$

[ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$

[ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$

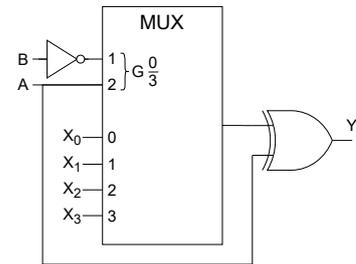
[ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$

[ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



Correct answers: [ 3 ]

F. Which function is implemented by the following circuit? Consider that X and Y are 4-bit signed numbers (two's complement).

[Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que X e Y são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

[ 1 ]:  $K=0: Z=X-Y$  ;  $K=1: Z=Y+1$

[ 2 ]:  $K=0: Z=X+Y$  ;  $K=1: Z=Y-1$

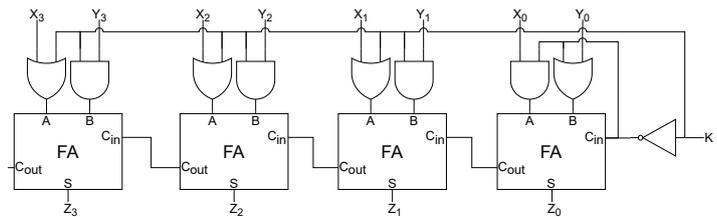
[ 3 ]:  $K=0: Z=X-1$  ;  $K=1: Z=X+Y$

[ 4 ]:  $K=0: Z=X+1$  ;  $K=1: Z=X-Y$

[ 5 ]:  $K=0: Z=X+2$  ;  $K=1: Z=Y-2$

[ 6 ]: None of the other options

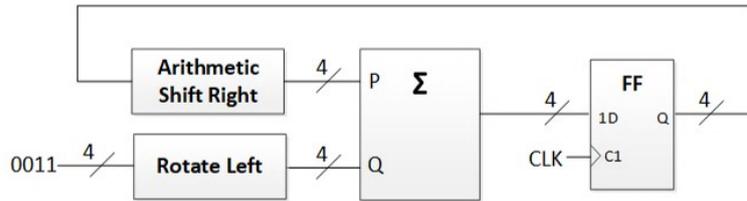
[Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 5 ]

- G. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

- [ 1 ]: 1110, 1111
- [ 2 ]: 0011, 0111
- [ 3 ]: 0111, 1111
- [ 4 ]: 1100, 1000
- [ 5 ]: 0011, 1110
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 2 ]

- H. Consider the following state transition table with two inputs  $Init$  and  $X$ , two outputs  $Y1$  and  $Y0$ , where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of  $Init$  and  $X$  and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas  $Init$  e  $X$ , duas saídas  $Y1$  e  $Y0$ , em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de  $Init$  e  $X$  e os estados actuais  $Q_i$ .]

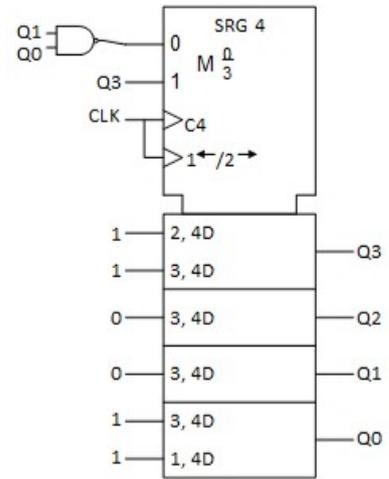
Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

- [ 1 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$
- [ 2 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$
- [ 3 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$
- [ 4 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$
- [ 5 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

This page will be discarded

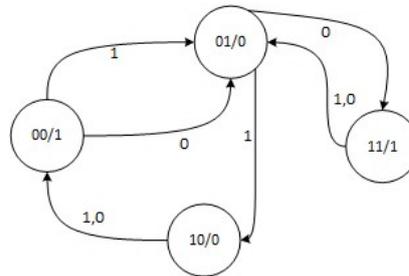
- I. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . What are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . Quais serão os próximos dois estados?]



- [ 1 ]: 1010, 0110
- [ 2 ]: 1001, 1001
- [ 3 ]: 1011, 0110
- [ 4 ]: 0011, 1111
- [ 5 ]: 1001, 1100
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

- J. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.  
 [Considere o seguinte diagrama de estados. Indique o valor da saída do circuito para cada estado e o valor do próximo estado para cada valor do estado e entrada.]



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

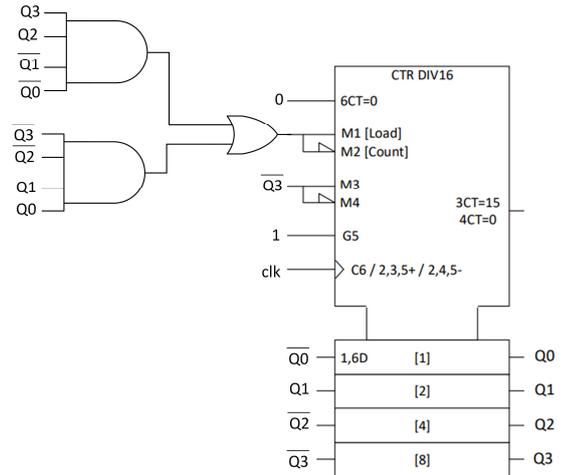
[ 6 ]

Correct answers: [ 5 ]

This page will be discarded

K. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)

[Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]



- [ 1 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...
- [ 2 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...
- [ 3 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...
- [ 4 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...
- [ 5 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

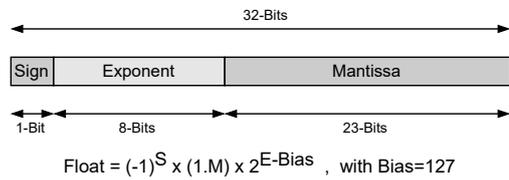
Correct answers: [ 5 ]

L. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?

[As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

- [ 1 ]: B,A,C      [ 2 ]: A,B,C      [ 3 ]: A,C,B
- [ 4 ]: B,C,A      [ 5 ]: C,A,B      [ 6 ]: C,B,A

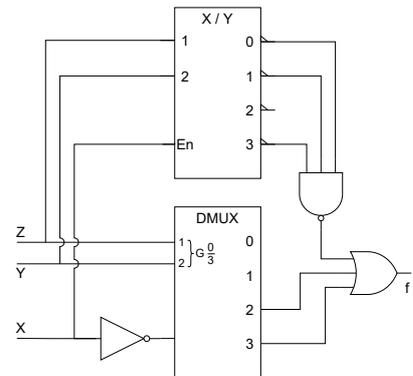


Correct answers: [ 4 ]

M. Select the option corresponding to the output  $f(X, Y, Z)$  of the circuit shown below, when the inputs  $(X, Y, Z)$  have the values  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , and  $(1, 1, 0)$ .

[Indique qual das opções corresponde à saída  $f(X, Y, Z)$  do circuito apresentado em baixo, quando as entradas  $(X, Y, Z)$  tomam os valores  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , e  $(1, 1, 0)$ .]

- [ 1 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 1\}$
- [ 2 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 0\}$
- [ 3 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 0 ; 1\}$
- [ 4 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 1\}$
- [ 5 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 0\}$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

N. What is the 8-bit two's complement representation of  $-51$ ?

[Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de  $-51$ ?]

[ 1 ]: 10110001

[ 2 ]: 11001110

[ 3 ]: 00110001

[ 4 ]: 11001100

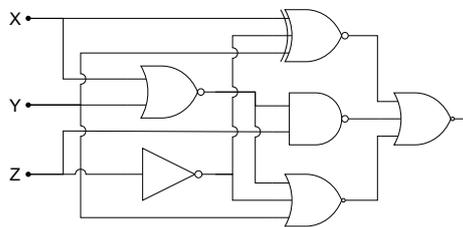
[ 5 ]: 11001101

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

O. What is the worst case for the propagation time of the following circuit?

[Qual é o pior caso para o tempo de propagação do seguinte circuito?]



Gate	tp [ns]
NOT	4
NAND2	8
NOR2	7
NOR3	9
XNOR3	11

[ 1 ]: 28

[ 2 ]: 19

[ 3 ]: 25

[ 4 ]: 24

[ 5 ]: 26

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

P. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?

[Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

[ 1 ]:  $(B + \bar{C})(\bar{B} + D)(C + \bar{D})$

[ 2 ]:  $(\bar{A} + C)(\bar{B} + \bar{D})(C + \bar{A})$

[ 3 ]:  $(A + \bar{B})(\bar{B} + D)(\bar{B} + \bar{A})$

[ 4 ]:  $(A + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + \bar{D})$

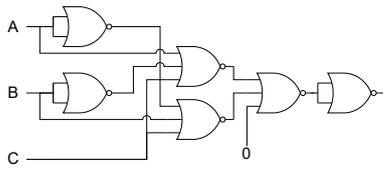
[ 5 ]:  $(\bar{B} + D)(A + \bar{C})(\bar{B} + \bar{D})$

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

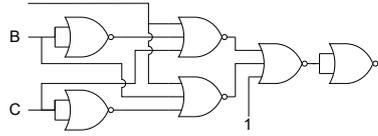
		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	X	X
	01	1	X	0	1
	11	0	1	1	0
	10	X	X	0	X

Correct answers: [ 4 ]

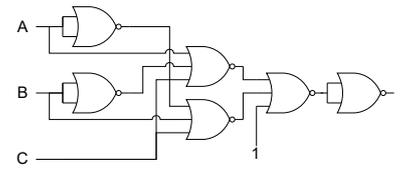
Q. Which of the following circuits implements the expression  $\overline{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\overline{A} \cdot (B \oplus C)$ ?



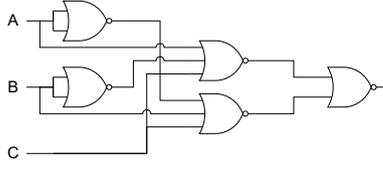
[ 1 ]



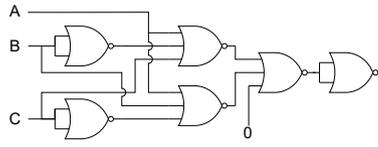
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



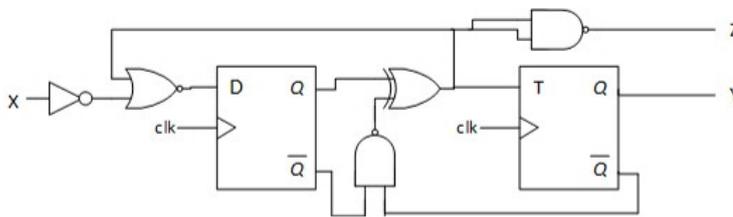
[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 5 ]

R. What is the minimum clock period of the following circuit, given the table values (in ns)?  
 [Qual é o período de relógio mínimo do seguinte circuito, assumindo os valores da tabela (em ns)?]



	tp [ns]	tsu [ns]	th [ns]
FF D	14	7	5
FF T	13	6	7
NAND	9		
NOR	8		
XOR	12		
NOT	5		

[ 1 ]: 49  
 [ 4 ]: 57

[ 2 ]: 44  
 [ 5 ]: 41

[ 3 ]: 50

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

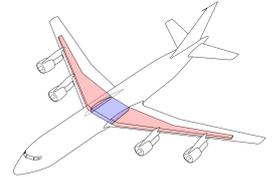
This page will be discarded

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

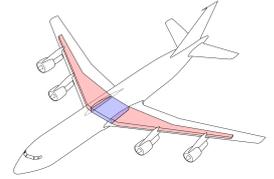
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

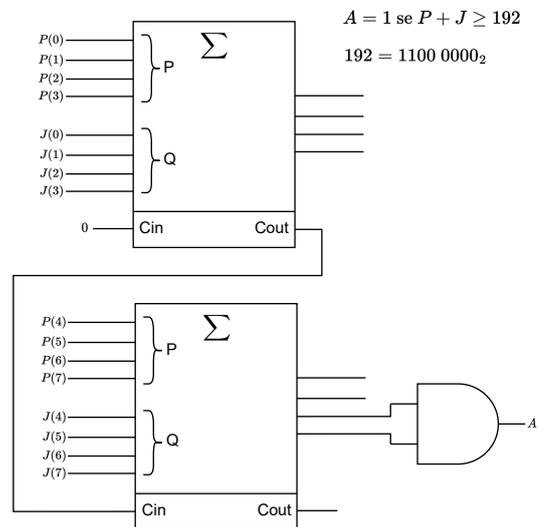
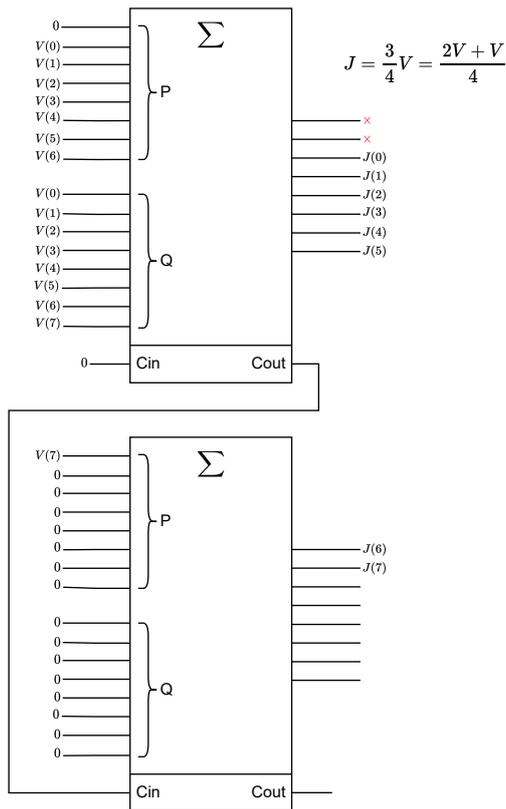
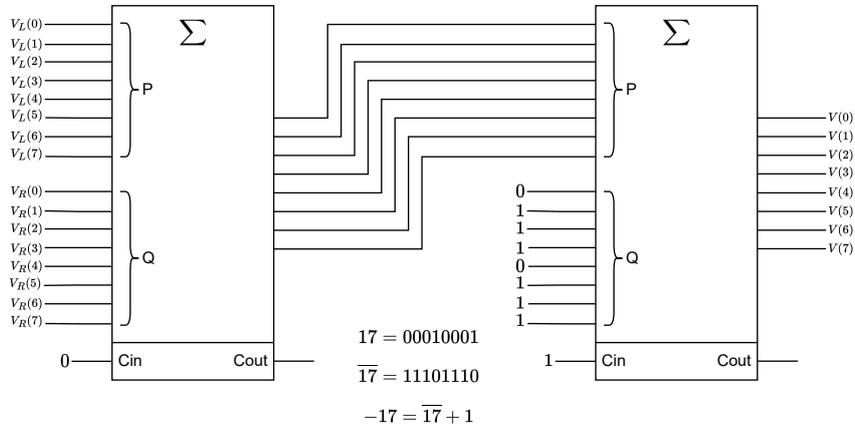
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua descolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na descolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:



This page will be discarded

## Volume 1 - Part III

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 50% + 50%]

Design a circuit that controls the gate of an aircraft hangar. The gate operates vertically, with the electromechanical device located above the entrance. The control mechanism of the gate works as follows:



- All the signals are Active High.
- Input signal S1 indicates that the gate is completely open. Input signal S2 indicates that the gate is completely closed. Input signal S3 indicates that an object was detected in the middle of the entrance.
- Output signals A1 and A2 respectively cause the electromechanical device to raise or lower the gate. The movement of the gate requires that one and only one of the signals A1 or A2 is active, otherwise the mechanism stops.
- The remote control can select between two modes of operation, manual or auto, which correspond to the input signals MA and AU, respectively, in the control circuit. In order to change the mode of operation, the gate must be closed, it being enough that the respective signal is active during a single clock cycle. MA has priority over AU.
- The remote control also generates input signals UP and DN, to trigger raising or lowering of the gate, respectively. The effect of these signals depends on the mode of operation. UP and DN have priority over MA and AU.
- In auto mode, activation of the UP signal (at least one clock cycle) will trigger the raising of the gate, which will only stop when the gate is completely open. After this, a timer will start (the transition of signal AT to active status starts the timer), and, once it expires (activation of input signal TR), the gate will automatically start to lower. Lowering of the gate will continue until the gate is completely closed, or signal S3 is detected active (at least one clock cycle). In this later case, raising is automatically triggered as if the UP signal had been generated. In auto mode, the DN button has no action associated.
- In manual mode, the UP and DN signals must be continuously active in order to move the gate up or down, respectively. Once the UP signal is active, it must be first deactivated to allow DN to have effect, and vice versa.
- In the initial state, the gate is closed, and operating in auto mode.

Consider the incomplete state diagram of the Moore machine of the circuit (see Volume 2, Part III).

Complete the diagram, defining the values of the input signals associated with all state transitions, as well as the values of the output signals associated with each state. "Don't cares" must be used for the inputs whose value does not matter for given a state transition. In the diagram, indicate the inputs/outputs according to the following order:

- Order of the inputs: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs: A1, A2, AT.

### Question B:

The state transition table on the right describes the behavior of a machine with 4 states, one input E and one output Y. A circuit that implements it using two flip-flops of type D (FF0 and FF1), as well as AND, OR and NOT gates, is to be projected. Obtain the logical expressions (in minimal form) for the flip-flop input signals, as well as the output of the circuit.

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

D0 = ...

D1 = ...

Y = ...

**IMPORTANT:** This page will **NOT** be considered for your evaluation

**Pergunta A:**

Projecte um circuito para controlar o portão do *hangar* de uma aeronave. O portão abre e fecha verticalmente, estando o dispositivo eletro-mecânico localizado na parte de cima da entrada. O mecanismo de controlo funciona da forma seguinte:



- Todos os sinais são Ativos a High.
- O sinal de entrada S1 indica que o portão está completamente aberto. O sinal de entrada S2 indica que o portão está completamente fechado. O sinal S3 indica que um objecto foi detectado na entrada do portão.
- Os sinais de saída A1 e A2, fazem com que o dispositivo eletro-mecânico eleve ou baixe o portão, respetivamente. O movimento do portão só ocorre se um e apenas um dos sinais A1 ou A2 estiver ativo, caso contrário o mecanismo pára o movimento.
- O controlo remoto pode seleccionar um entre dois modos de funcionamento, manual ou automático, o que corresponde à geração dos sinais de entrada MA e AU, respetivamente. Para que se possa alterar o modo de funcionamento, o portão tem de estar fechado, bastando que o respetivo sinal fique ativo durante um ciclo de relógio. MA tem prioridade sobre AU.
- O controlo remoto também gera sinais UP e DN, para despoletar a elevação e abaixamento do portão. O efeito destes sinais depende do modo de funcionamento. UP e DN têm prioridade sobre MA e AU.
- No modo automático, a ativação do sinal UP (pelo menos um ciclo de relógio) irá despoletar a elevação do portão, a qual irá parar uma vez que o portão esteja completamente aberto. Depois disso, um temporizador irá arrancar (o arranque é despoletado pela transição do sinal AT para ativo), e, uma vez que o temporizador expire (ativação do sinal de entrada TR), o portão começará automaticamente a baixar. O abaixamento do portão irá continuar até o portão estar completamente fechado, ou até o sinal S3 ficar ativo (pelo menos um ciclo de relógio). Neste último caso, a elevação do portão recomeça automaticamente, como se o sinal UP tivesse sido gerado. No modo automático, o sinal DN não tem nenhuma acção associada.
- No modo manual, os sinais UP e DN têm de estar continuamente ativos para elevar ou baixar o portão, respetivamente. Assim que o sinal UP fica ativo, tem de ser primeiro desativado para que DN possa ter efeito, e vice versa.
- No estado inicial, o portão está fechado e em modo automático.

Considere o diagrama de estados incompleto da máquina de Moore do circuito (ver Volume 2, Parte III). Complete o diagrama, definindo os valores dos sinais de entrada que desencadeiam todas as transições de estado, assim como os valores de saída de cada estado. As "indiferenças" têm de ser obrigatoriamente usadas para entradas que não tenham influência numa determinada transição de estado. As entradas/saídas têm de ser indicadas de acordo com a ordem seguinte:

- Ordem das entradas: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Ordem das saídas: A1, A2, AT.

**Pergunta B:**

A tabela de transição de estados à direita descreve uma máquina com 4 estados, uma entrada E e uma saída Y. Projecte o circuito que a implementa utilizando dois flip-flops D (FF0 e FF1), assim como portas AND, OR e NOT. Obtenha as expressões algébricas (na forma mínima) para os sinais de entrada dos flip-flops, assim como da saída do circuito.

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

D0 = ...

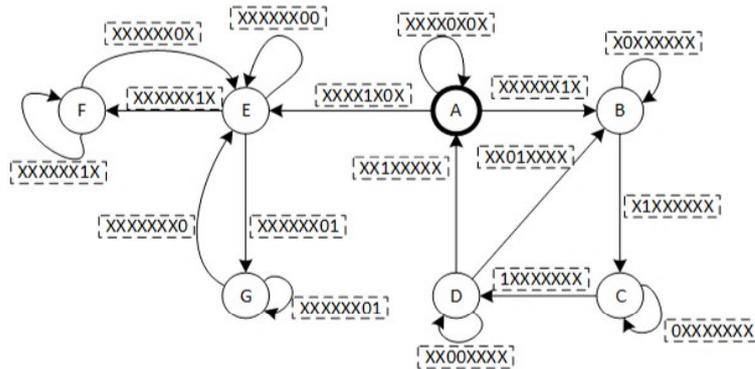
D1 = ...

Y = ...

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

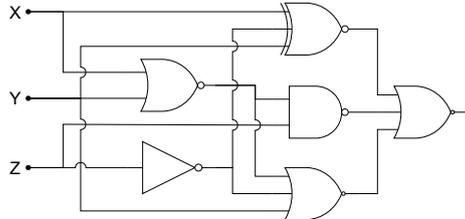
This page will be discarded

This page will be discarded

**Volume 1 - Part I**

A. What is the worst case for the propagation time of the following circuit?

[Qual é o pior caso para o tempo de propagação do seguinte circuito?]



Gate	tp [ns]
NOT	4
NAND2	8
NOR2	7
NOR3	9
XNOR3	11

[ 1 ]: 25  
[ 4 ]: 28

[ 2 ]: 24  
[ 5 ]: 19

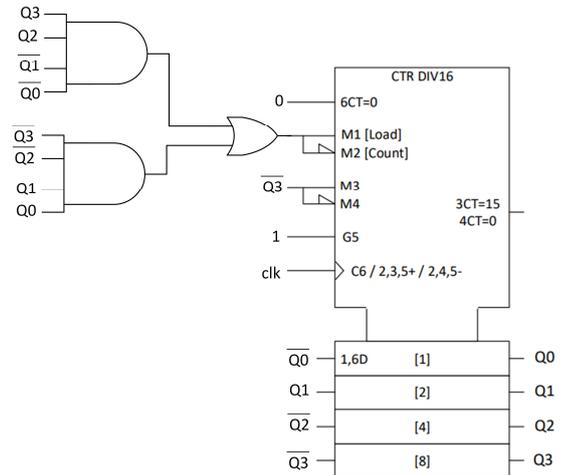
[ 3 ]: 26

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 1 ]

B. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)

[Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]



[ 1 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...

[ 2 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...

[ 3 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...

[ 4 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...

[ 5 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...

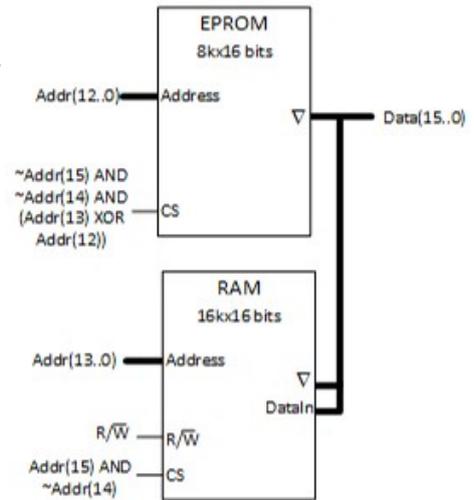
[ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

C. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.  
 [Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

- [ 1 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 2 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 3 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 4 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 5 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 3 ]

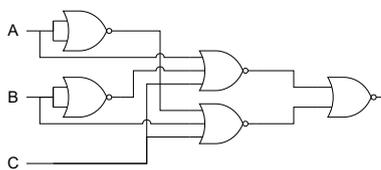
D. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?  
 [Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

- [ 1 ]:  $(B + \bar{C})(\bar{B} + D)(C + \bar{D})$
- [ 2 ]:  $(A + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + \bar{D})$
- [ 3 ]:  $(A + \bar{B})(\bar{B} + D)(\bar{B} + \bar{A})$
- [ 4 ]:  $(\bar{B} + D)(A + \bar{C})(\bar{B} + \bar{D})$
- [ 5 ]:  $(\bar{A} + C)(\bar{B} + \bar{D})(C + \bar{A})$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

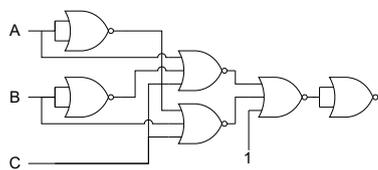
		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	X	X
	01	1	X	0	1
	11	0	1	1	0
	10	X	X	0	X

Correct answers: [ 2 ]

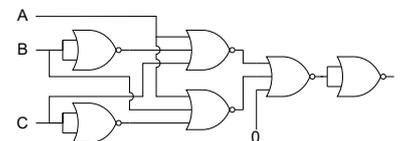
E. Which of the following circuits implements the expression  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?]



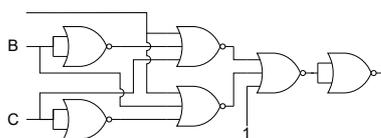
[ 1 ]



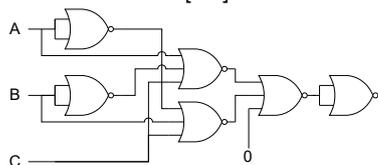
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

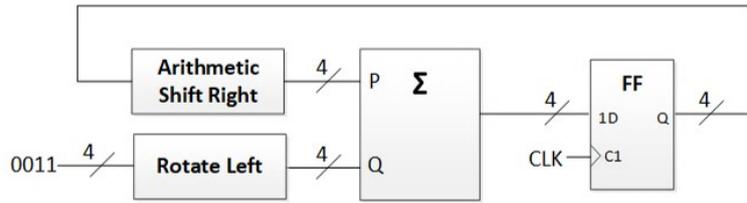
[ 6 ]

Correct answers: [ 3 ]

This page will be discarded

F. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

- [ 1 ]: 1110, 1111
- [ 2 ]: 0111, 1111
- [ 3 ]: 1100, 1000
- [ 4 ]: 0011, 1110
- [ 5 ]: 0011, 0111
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



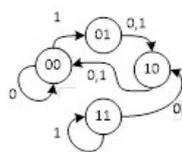
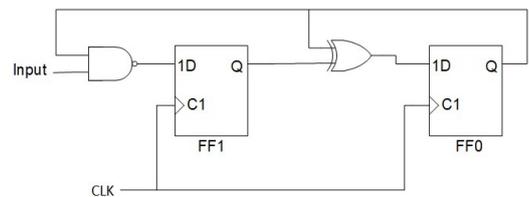
Correct answers: [ 5 ]

G. What is the 8-bit two's complement representation of  $-51$ ?  
 [Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de  $-51$ ?]

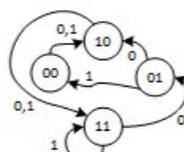
- [ 1 ]: 11001100      [ 2 ]: 00110001      [ 3 ]: 11001101
- [ 4 ]: 10110001      [ 5 ]: 11001110      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

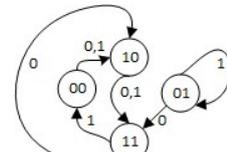
H. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



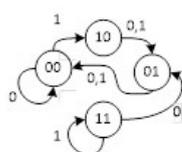
[ 1 ]



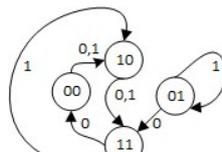
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

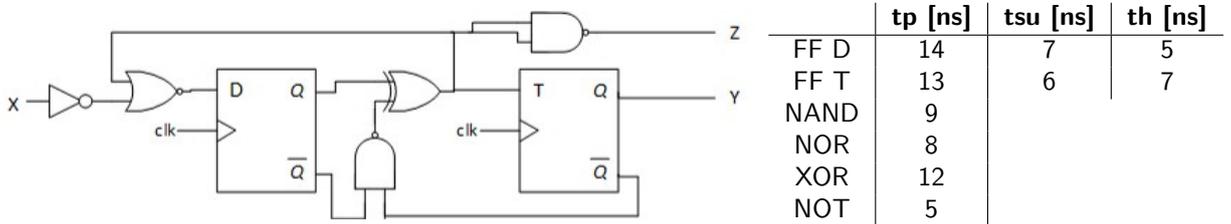
None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 3 ]

This page will be discarded

- I. What is the minimum clock period of the following circuit, given the table values (in ns)?  
 [Qual é o período de relógio mínimo do seguinte circuito, assumindo os valores da tabela (em ns)?]



- [ 1 ]: 41                      [ 2 ]: 57                      [ 3 ]: 50  
 [ 4 ]: 44                      [ 5 ]: 49                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

- J. Represent  $C9_{16}$  in base 10.  
 [Represente  $C9_{16}$  na base 10.]

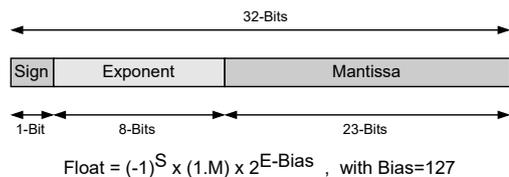
- [ 1 ]: 181                      [ 2 ]: 221                      [ 3 ]: 197  
 [ 4 ]: 215                      [ 5 ]: 201                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

- K. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?  
 [As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

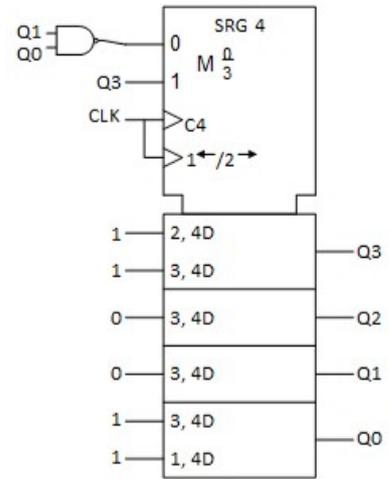
- [ 1 ]: C,A,B                      [ 2 ]: A,B,C                      [ 3 ]: A,C,B  
 [ 4 ]: B,A,C                      [ 5 ]: B,C,A                      [ 6 ]: C,B,A



Correct answers: [ 5 ]

L. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . What are the next two states of the circuit?

[Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . Quais serão os próximos dois estados?]



- [ 1 ]: 1010, 0110
- [ 2 ]: 1011, 0110
- [ 3 ]: 1001, 1100
- [ 4 ]: 0011, 1111
- [ 5 ]: 1001, 1001
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

M. Represent  $10110110_2$  in octal.

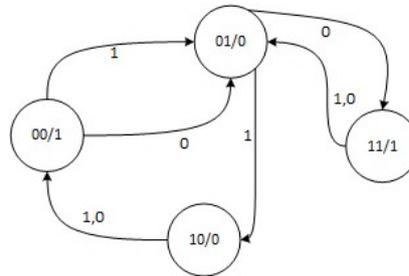
[Represente  $10110110_2$  em octal.]

- [ 1 ]: 146
- [ 2 ]: 166
- [ 3 ]: 266
- [ 4 ]: 136
- [ 5 ]: 246
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

N. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.

[Considere o seguinte diagrama de estados. Indique o valor da saída do circuito para cada estado e o valor do próximo estado para cada valor do estado e entrada.]



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 5 ]

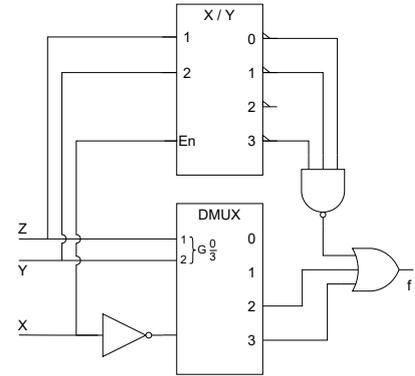
None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 2 ]

- O. Select the option corresponding to the output  $f(X, Y, Z)$  of the circuit shown below, when the inputs  $(X, Y, Z)$  have the values  $(0, 0, 1), (0, 1, 1)$ , and  $(1, 1, 0)$ .  
 [Indique qual das opções corresponde à saída  $f(X, Y, Z)$  do circuito apresentado em baixo, quando as entradas  $(X, Y, Z)$  tomam os valores  $(0, 0, 1), (0, 1, 1)$ , e  $(1, 1, 0)$ .]

- [ 1 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 0\}$
- [ 2 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 1\}$
- [ 3 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 0\}$
- [ 4 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 0 ; 1\}$
- [ 5 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 1\}$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]



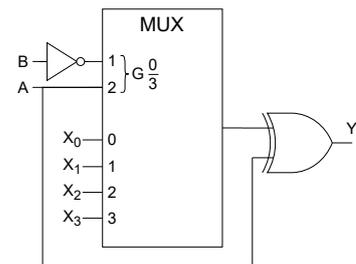
Correct answers: [ 1 ]

- P. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.

[Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

- [ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$
- [ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$
- [ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$
- [ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$
- [ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

Q. Consider the following state transition table with two inputs *Init* and *X*, two outputs *Y1* and *Y0*, where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of *Init* and *X* and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas *Init* e *X*, duas saídas *Y1* e *Y0*, em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de *Init* e *X* e os estados actuais  $Q_i$ .]

Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

[ 1 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$

[ 2 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$

[ 3 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$

[ 4 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$

[ 5 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

R. Which function is implemented by the following circuit? Consider that *X* and *Y* are 4-bit signed numbers (two's complement).

[Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que *X* e *Y* são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

[ 1 ]:  $K=0: Z=X+1 ; K=1: Z=X-Y$

[ 2 ]:  $K=0: Z=X-Y ; K=1: Z=Y+1$

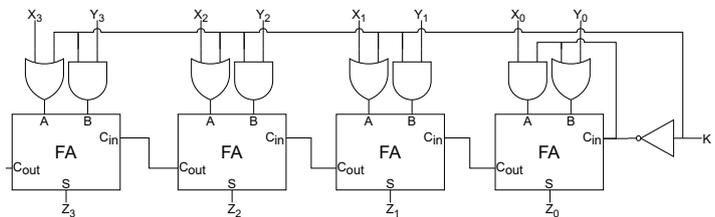
[ 3 ]:  $K=0: Z=X-1 ; K=1: Z=X+Y$

[ 4 ]:  $K=0: Z=X+Y ; K=1: Z=Y-1$

[ 5 ]:  $K=0: Z=X+2 ; K=1: Z=Y-2$

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 5 ]

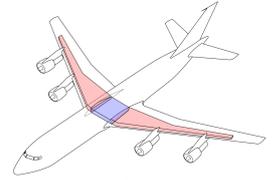
(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

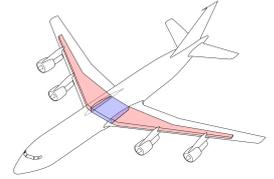
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

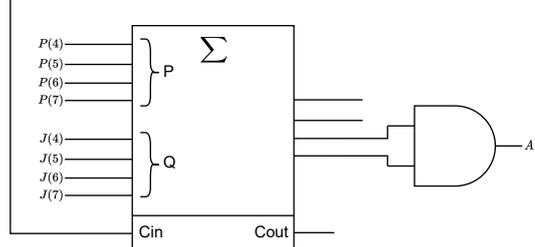
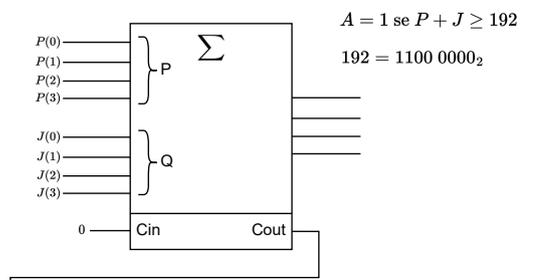
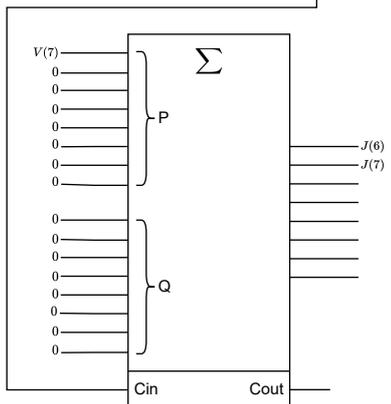
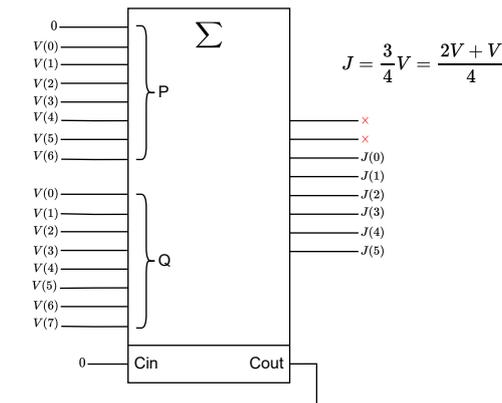
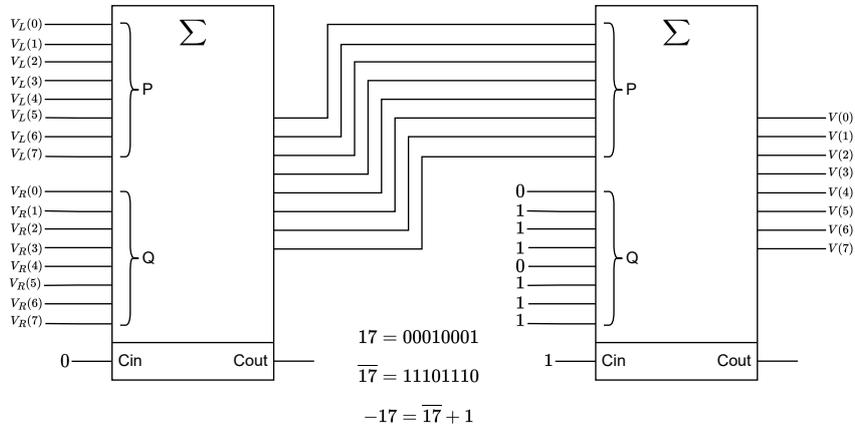
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua descolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na descolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:



This page will be discarded

## Volume 1 - Part III

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 50% + 50%]

Design a circuit that controls the gate of an aircraft hangar. The gate operates vertically, with the electromechanical device located above the entrance. The control mechanism of the gate works as follows:



- All the signals are Active High.
- Input signal S1 indicates that the gate is completely open. Input signal S2 indicates that the gate is completely closed. Input signal S3 indicates that an object was detected in the middle of the entrance.
- Output signals A1 and A2 respectively cause the electromechanical device to raise or lower the gate. The movement of the gate requires that one and only one of the signals A1 or A2 is active, otherwise the mechanism stops.
- The remote control can select between two modes of operation, manual or auto, which correspond to the input signals MA and AU, respectively, in the control circuit. In order to change the mode of operation, the gate must be closed, it being enough that the respective signal is active during a single clock cycle. MA has priority over AU.
- The remote control also generates input signals UP and DN, to trigger raising or lowering of the gate, respectively. The effect of these signals depends on the mode of operation. UP and DN have priority over MA and AU.
- In auto mode, activation of the UP signal (at least one clock cycle) will trigger the raising of the gate, which will only stop when the gate is completely open. After this, a timer will start (the transition of signal AT to active status starts the timer), and, once it expires (activation of input signal TR), the gate will automatically start to lower. Lowering of the gate will continue until the gate is completely closed, or signal S3 is detected active (at least one clock cycle). In this later case, raising is automatically triggered as if the UP signal had been generated. In auto mode, the DN button has no action associated.
- In manual mode, the UP and DN signals must be continuously active in order to move the gate up or down, respectively. Once the UP signal is active, it must be first deactivated to allow DN to have effect, and vice versa.
- In the initial state, the gate is closed, and operating in auto mode.

Consider the incomplete state diagram of the Moore machine of the circuit (see Volume 2, Part III).

Complete the diagram, defining the values of the input signals associated with all state transitions, as well as the values of the output signals associated with each state. "Don't cares" must be used for the inputs whose value does not matter for given a state transition. In the diagram, indicate the inputs/outputs according to the following order:

- Order of the inputs: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs: A1, A2, AT.

### Question B:

The state transition table on the right describes the behavior of a machine with 4 states, one input E and one output Y. A circuit that implements it using two flip-flops of type D (FF0 and FF1), as well as AND, OR and NOT gates, is to be projected. Obtain the logical expressions (in minimal form) for the flip-flop input signals, as well as the output of the circuit.

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

D0 = ...

D1 = ...

Y = ...

**IMPORTANT:** This page will **NOT** be considered for your evaluation

This page will be discarded

**Pergunta A:**

Projecte um circuito para controlar o portão do *hangar* de uma aeronave. O portão abre e fecha verticalmente, estando o dispositivo eletro-mecânico localizado na parte de cima da entrada. O mecanismo de controlo funciona da forma seguinte:



- Todos os sinais são Ativos a High.
- O sinal de entrada S1 indica que o portão está completamente aberto. O sinal de entrada S2 indica que o portão está completamente fechado. O sinal S3 indica que um objecto foi detectado na entrada do portão.
- Os sinais de saída A1 e A2, fazem com que o dispositivo eletro-mecânico eleve ou baixe o portão, respetivamente. O movimento do portão só ocorre se um e apenas um dos sinais A1 ou A2 estiver ativo, caso contrário o mecanismo pára o movimento.
- O controlo remoto pode seleccionar um entre dois modos de funcionamento, manual ou automático, o que corresponde à geração dos sinais de entrada MA e AU, respetivamente. Para que se possa alterar o modo de funcionamento, o portão tem de estar fechado, bastando que o respetivo sinal fique ativo durante um ciclo de relógio. MA tem prioridade sobre AU.
- O controlo remoto também gera sinais UP e DN, para despoletar a elevação e abaixamento do portão. O efeito destes sinais depende do modo de funcionamento. UP e DN têm prioridade sobre MA e AU.
- No modo automático, a ativação do sinal UP (pelo menos um ciclo de relógio) irá despoletar a elevação do portão, a qual irá parar uma vez que o portão esteja completamente aberto. Depois disso, um temporizador irá arrancar (o arranque é despoletado pela transição do sinal AT para ativo), e, uma vez que o temporizador expire (ativação do sinal de entrada TR), o portão começará automaticamente a baixar. O abaixamento do portão irá continuar até o portão estar completamente fechado, ou até o sinal S3 ficar ativo (pelo menos um ciclo de relógio). Neste último caso, a elevação do portão recomeça automaticamente, como se o sinal UP tivesse sido gerado. No modo automático, o sinal DN não tem nenhuma acção associada.
- No modo manual, os sinais UP e DN têm de estar continuamente ativos para elevar ou baixar o portão, respetivamente. Assim que o sinal UP fica ativo, tem de ser primeiro desativado para que DN possa ter efeito, e vice versa.
- No estado inicial, o portão está fechado e em modo automático.

Considere o diagrama de estados incompleto da máquina de Moore do circuito (ver Volume 2, Parte III). Complete o diagrama, definindo os valores dos sinais de entrada que desencadeiam todas as transições de estado, assim como os valores de saída de cada estado. As "indiferenças" têm de ser obrigatoriamente usadas para entradas que não tenham influência numa determinada transição de estado. As entradas/saídas têm de ser indicadas de acordo com a ordem seguinte:

- Ordem das entradas: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Ordem das saídas: A1, A2, AT.

**Pergunta B:**

A tabela de transição de estados à direita descreve uma máquina com 4 estados, uma entrada E e uma saída Y. Projecte o circuito que a implementa utilizando dois flip-flops D (FF0 e FF1), assim como portas AND, OR e NOT. Obtenha as expressões algébricas (na forma mínima) para os sinais de entrada dos flip-flops, assim como da saída do circuito.

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

D0 = ...

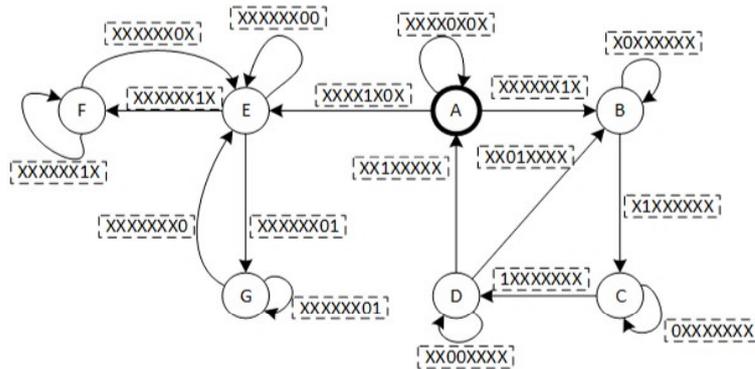
D1 = ...

Y = ...

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

This page will be discarded

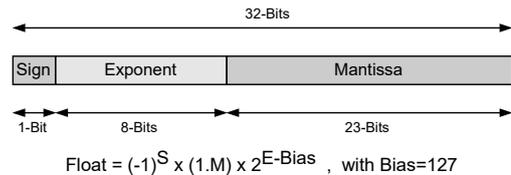
This page will be discarded

**Volume 1 - Part I**

A. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?  
 [As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

- [ 1 ]: C,A,B                      [ 2 ]: A,C,B                      [ 3 ]: B,C,A
- [ 4 ]: A,B,C                      [ 5 ]: B,A,C                      [ 6 ]: C,B,A



Correct answers: [ 3 ]

B. What is the 8-bit two's complement representation of -51?  
 [Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de -51?]

- [ 1 ]: 10110001                      [ 2 ]: 11001100                      [ 3 ]: 11001101
- [ 4 ]: 00110001                      [ 5 ]: 11001110                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

C. Consider the following state transition table with two inputs *Init* and *X*, two outputs *Y1* and *Y0*, where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of *Init* and *X* and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas *Init* e *X*, duas saídas *Y1* e *Y0*, em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de *Init* e *X* e os estados actuais  $Q_i$ .]

Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

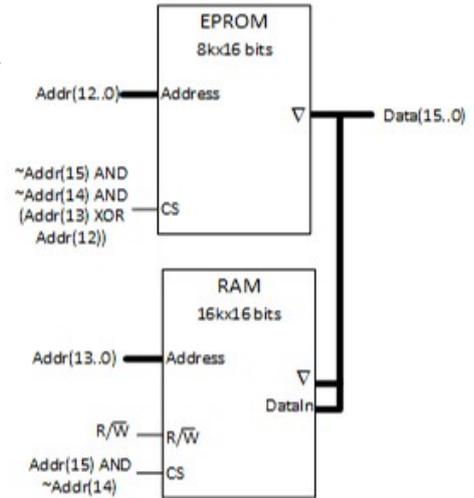
- [ 1 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$                       [ 2 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$
- [ 3 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$                       [ 4 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$
- [ 5 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$                       [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

This page will be discarded

D. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.  
 [Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

- [ 1 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 2 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 3 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 4 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 5 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



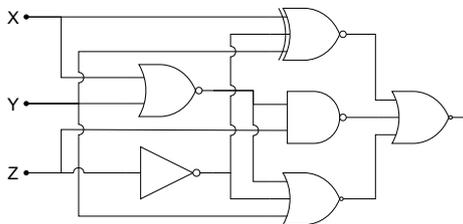
Correct answers: [ 4 ]

E. Represent  $C9_{16}$  in base 10.  
 [Represente  $C9_{16}$  na base 10.]

- [ 1 ]: 181                      [ 2 ]: 201                      [ 3 ]: 215
- [ 4 ]: 221                      [ 5 ]: 197                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 2 ]

F. What is the worst case for the propagation time of the following circuit?  
 [Qual é o pior caso para o tempo de propagação do seguinte circuito?]



Gate	tp [ns]
NOT	4
NAND2	8
NOR2	7
NOR3	9
XNOR3	11

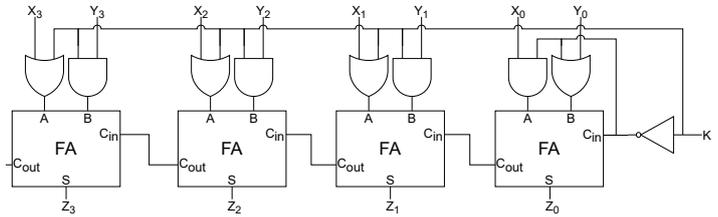
- [ 1 ]: 26                      [ 2 ]: 25                      [ 3 ]: 28
- [ 4 ]: 24                      [ 5 ]: 19                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

G. Which function is implemented by the following circuit? Consider that X and Y are 4-bit signed numbers (two's complement).  
 [Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que X e Y são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

- [ 1 ]: K=0: Z=X+Y ; K=1: Z=Y-1
- [ 2 ]: K=0: Z=X+1 ; K=1: Z=X-Y
- [ 3 ]: K=0: Z=X-Y ; K=1: Z=Y+1
- [ 4 ]: K=0: Z=X+2 ; K=1: Z=Y-2
- [ 5 ]: K=0: Z=X-1 ; K=1: Z=X+Y
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 4 ]

H. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?  
 [Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

- [ 1 ]:  $(A + \bar{B})(\bar{B} + D)(\bar{B} + \bar{A})$
- [ 2 ]:  $(\bar{A} + C)(\bar{B} + \bar{D})(C + \bar{A})$
- [ 3 ]:  $(A + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + \bar{D})$
- [ 4 ]:  $(B + \bar{C})(\bar{B} + D)(C + \bar{D})$
- [ 5 ]:  $(\bar{B} + D)(A + \bar{C})(\bar{B} + \bar{D})$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

	CD			
	00	01	11	10
00	1	0	X	X
01	1	X	0	1
11	0	1	1	0
10	X	X	0	X

Correct answers: [ 3 ]

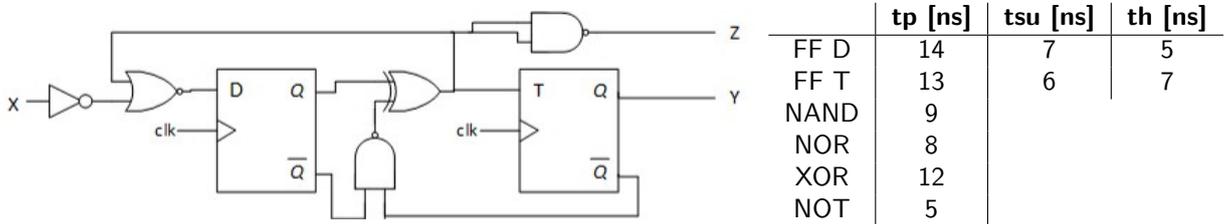
I. Represent  $10110110_2$  in octal.  
 [Represente  $10110110_2$  em octal.]

- [ 1 ]: 146
- [ 2 ]: 266
- [ 3 ]: 246
- [ 4 ]: 136
- [ 5 ]: 166
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

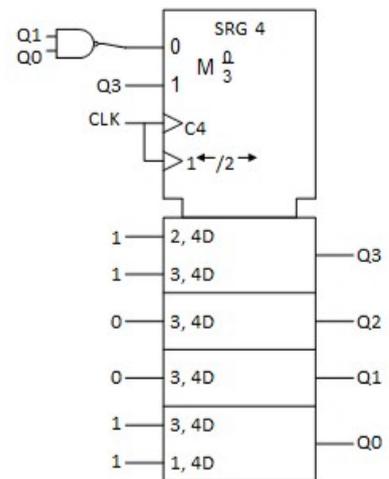
J. What is the minimum clock period of the following circuit, given the table values (in ns)?  
 [Qual é o período de relógio mínimo do seguinte circuito, assumindo os valores da tabela (em ns)?]



- [ 1 ]: 41                      [ 2 ]: 49                      [ 3 ]: 44
- [ 4 ]: 57                      [ 5 ]: 50                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

K. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is Q3 Q2 Q1 Q0 = 1011. What are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é Q3 Q2 Q1 Q0 = 1011. Quais serão os próximos dois estados?]



- [ 1 ]: 1011, 0110
- [ 2 ]: 1010, 0110
- [ 3 ]: 0011, 1111
- [ 4 ]: 1001, 1100
- [ 5 ]: 1001, 1001
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

This page will be discarded

L. Which of the following circuits implements the expression  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?

[ 1 ]

[ 2 ]

[ 3 ]

[ 4 ]

[ 5 ]

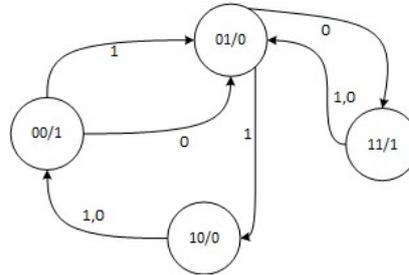
None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 1 ]

M. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.

[Considere o seguinte diagrama de estados. Indique o valor da saída do circuito para cada estado e o valor do próximo estado para cada valor do estado e entrada.]



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

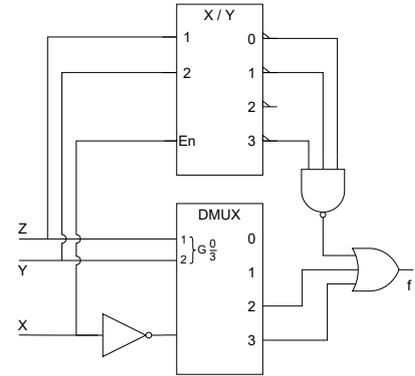
[ 6 ]

Correct answers: [ 3 ]

This page will be discarded

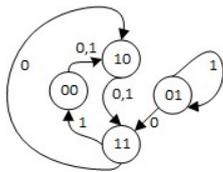
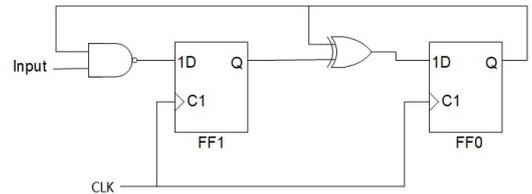
N. Select the option corresponding to the output  $f(X, Y, Z)$  of the circuit shown below, when the inputs  $(X, Y, Z)$  have the values  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , and  $(1, 1, 0)$ .  
 [Indique qual das opções corresponde à saída  $f(X, Y, Z)$  do circuito apresentado em baixo, quando as entradas  $(X, Y, Z)$  tomam os valores  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , e  $(1, 1, 0)$ .]

- [ 1 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 0\}$
- [ 2 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 1\}$
- [ 3 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 1 ; 0\}$
- [ 4 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{0 ; 0 ; 1\}$
- [ 5 ]:  $\{f(0, 0, 1) ; f(0, 1, 1) ; f(1, 1, 0)\} = \{1 ; 0 ; 1\}$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

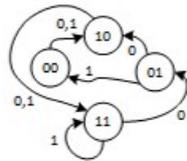


Correct answers: [ 3 ]

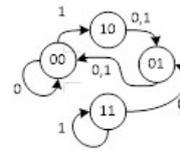
O. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



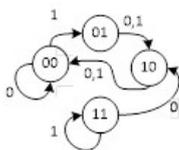
[ 1 ]



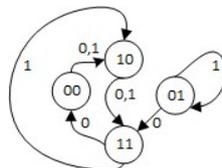
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

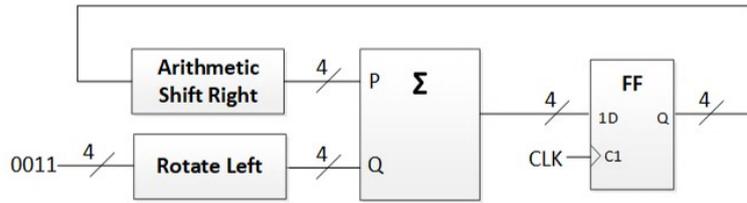
[ 6 ]

Correct answers: [ 1 ]

This page will be discarded

P. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

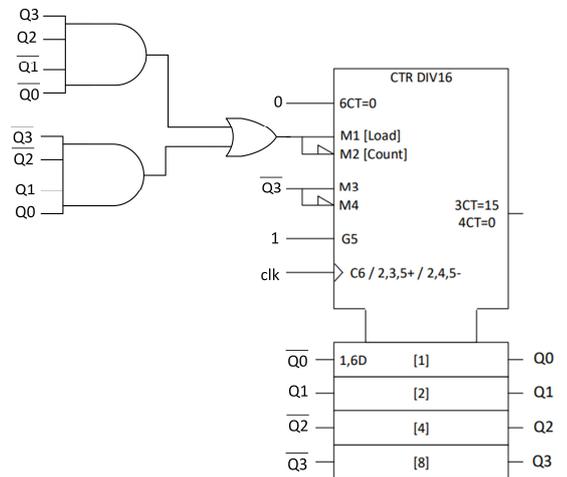
- [ 1 ]: 0111, 1111
- [ 2 ]: 1100, 1000
- [ 3 ]: 0011, 0111
- [ 4 ]: 1110, 1111
- [ 5 ]: 0011, 1110
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 3 ]

Q. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)  
 [Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]

- [ 1 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...
- [ 2 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...
- [ 3 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...
- [ 4 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...
- [ 5 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 5 ]

This page will be discarded

R. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.

[Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

[ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$

[ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$

[ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$

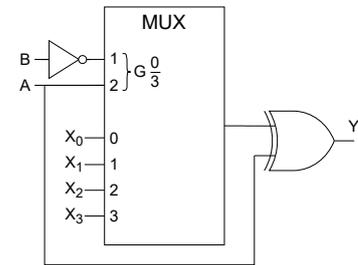
[ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$

[ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



Correct answers: [ 4 ]

(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

This page will be discarded

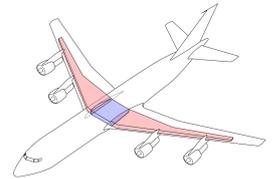
This page will be discarded

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

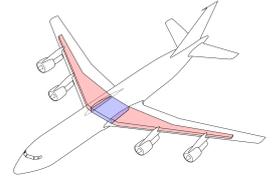
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

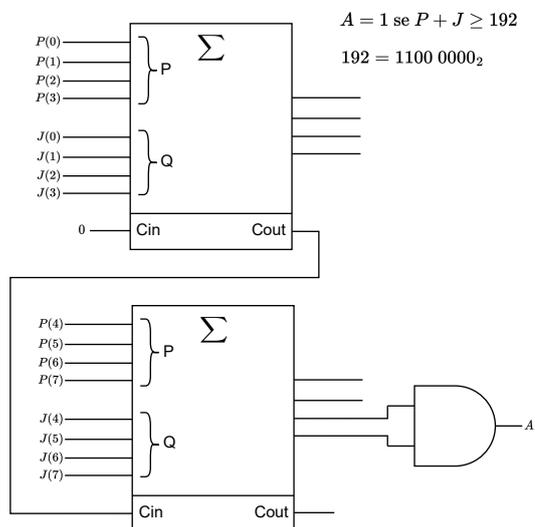
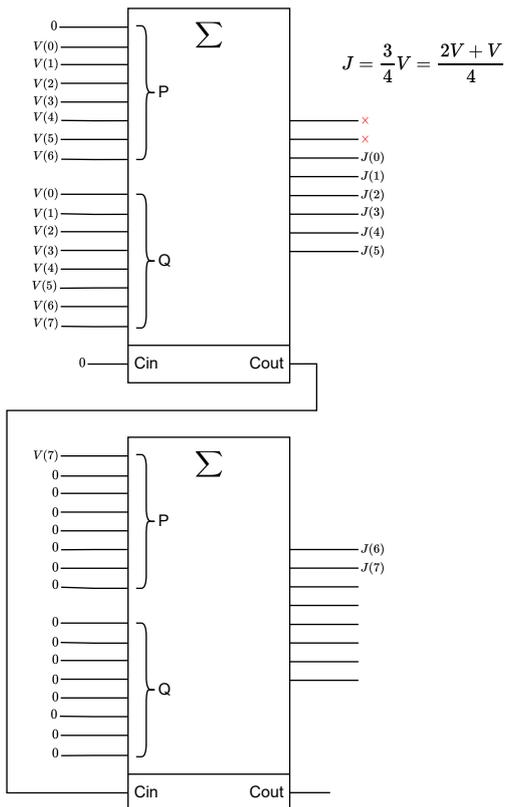
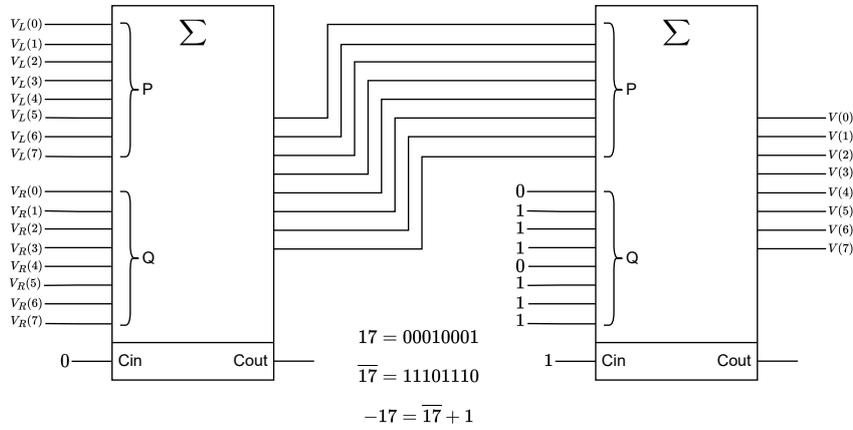
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua descolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na descolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:

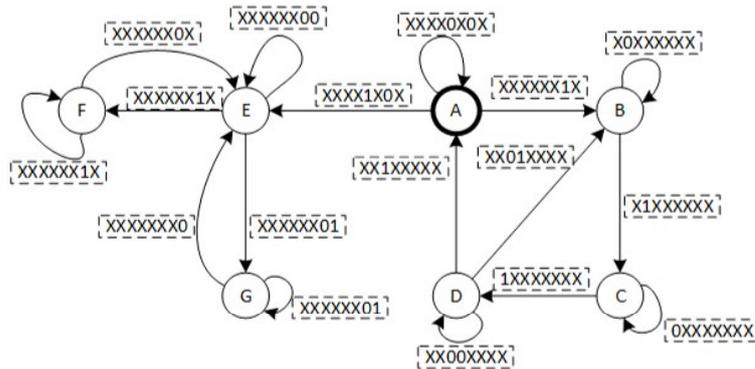


This page will be discarded

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

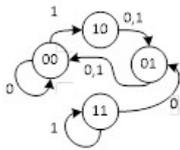
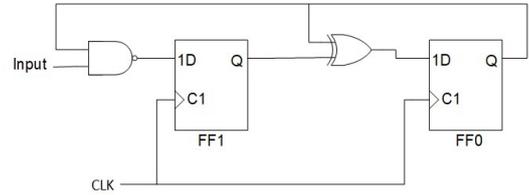
This page will be discarded

This page will be discarded

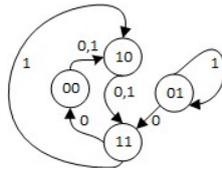
**Volume 1 - Part I**

A. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?

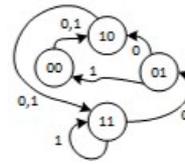
[Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



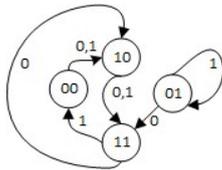
[ 1 ]



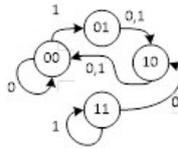
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 4 ]

B. Represent  $C9_{16}$  in base 10.

[Represente  $C9_{16}$  na base 10.]

[ 1 ]: 197

[ 2 ]: 221

[ 3 ]: 215

[ 4 ]: 201

[ 5 ]: 181

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

C. Which function is implemented by the following circuit? Consider that X and Y are 4-bit signed numbers (two's complement).

[Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que X e Y são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

[ 1 ]:  $K=0: Z=X+Y$  ;  $K=1: Z=Y-1$

[ 2 ]:  $K=0: Z=X-1$  ;  $K=1: Z=X+Y$

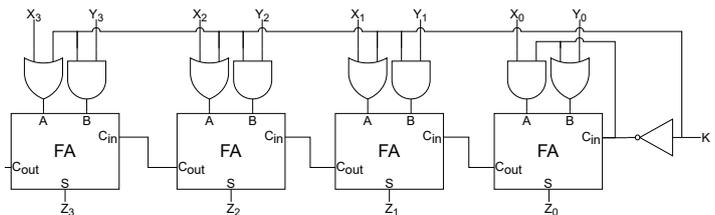
[ 3 ]:  $K=0: Z=X+2$  ;  $K=1: Z=Y-2$

[ 4 ]:  $K=0: Z=X+1$  ;  $K=1: Z=X-Y$

[ 5 ]:  $K=0: Z=X-Y$  ;  $K=1: Z=Y+1$

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 3 ]

This page will be discarded

- D. Consider the following state transition table with two inputs  $Init$  and  $X$ , two outputs  $Y1$  and  $Y0$ , where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of  $Init$  and  $X$  and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas  $Init$  e  $X$ , duas saídas  $Y1$  e  $Y0$ , em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de  $Init$  e  $X$  e os estados actuais  $Q_i$ .]

Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

[ 1 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$

[ 2 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$

[ 3 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$

[ 4 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$

[ 5 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

- E. Select the option corresponding to the output  $f(X, Y, Z)$  of the circuit shown below, when the inputs  $(X, Y, Z)$  have the values  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , and  $(1, 1, 0)$ .

[Indique qual das opções corresponde à saída  $f(X, Y, Z)$  do circuito apresentado em baixo, quando as entradas  $(X, Y, Z)$  tomam os valores  $(0, 0, 1)$ ,  $(0, 1, 1)$ , e  $(1, 1, 0)$ .]

[ 1 ]:  $\{f(0, 0, 1); f(0, 1, 1); f(1, 1, 0)\} = \{0; 1; 0\}$

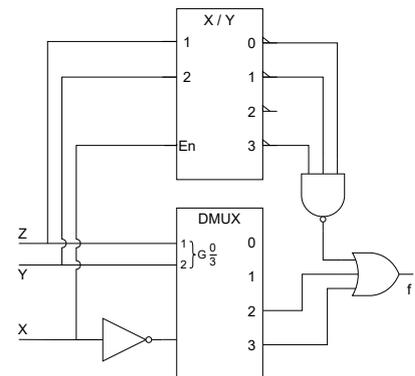
[ 2 ]:  $\{f(0, 0, 1); f(0, 1, 1); f(1, 1, 0)\} = \{0; 0; 1\}$

[ 3 ]:  $\{f(0, 0, 1); f(0, 1, 1); f(1, 1, 0)\} = \{0; 1; 1\}$

[ 4 ]:  $\{f(0, 0, 1); f(0, 1, 1); f(1, 1, 0)\} = \{1; 0; 1\}$

[ 5 ]:  $\{f(0, 0, 1); f(0, 1, 1); f(1, 1, 0)\} = \{1; 0; 0\}$

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 1 ]

F. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?  
 [Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

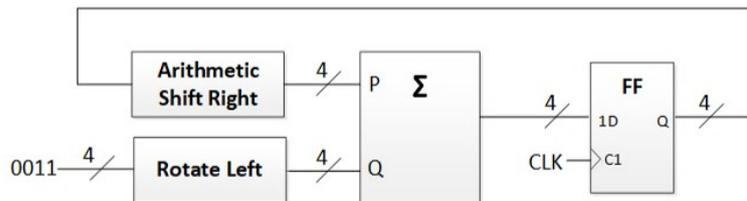
- [ 1 ]:  $(\bar{A} + C)(\bar{B} + \bar{D})(C + \bar{A})$
- [ 2 ]:  $(A + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + \bar{D})$
- [ 3 ]:  $(B + \bar{C})(\bar{B} + D)(C + \bar{D})$
- [ 4 ]:  $(\bar{B} + D)(A + \bar{C})(\bar{B} + \bar{D})$
- [ 5 ]:  $(A + \bar{B})(\bar{B} + D)(\bar{B} + \bar{A})$
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

	CD			
	00	01	11	10
00	1	0	X	X
01	1	X	0	1
11	0	1	1	0
10	X	X	0	X

Correct answers: [ 2 ]

G. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

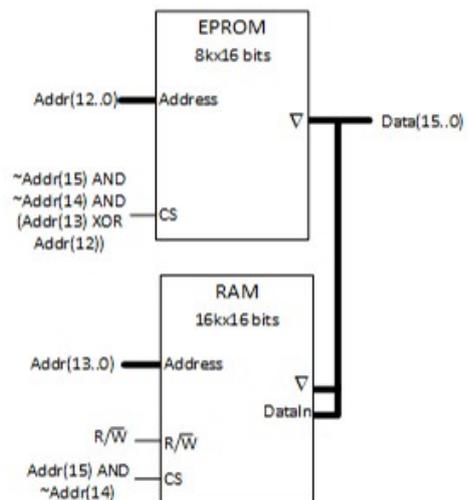
- [ 1 ]: 0011, 1110
- [ 2 ]: 0011, 0111
- [ 3 ]: 0111, 1111
- [ 4 ]: 1100, 1000
- [ 5 ]: 1110, 1111
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 2 ]

H. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.  
 [Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

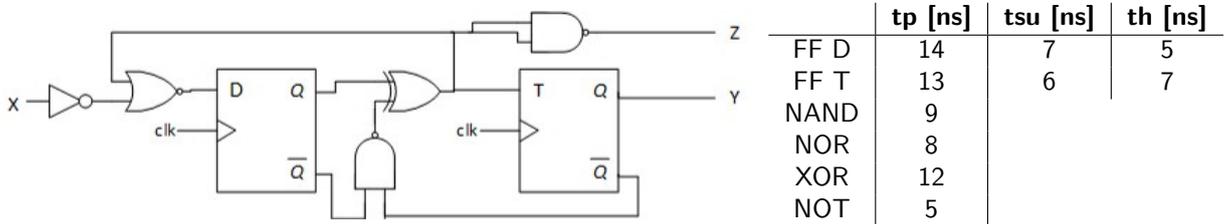
- [ 1 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 2 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 3 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 4 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 5 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 3 ]

This page will be discarded

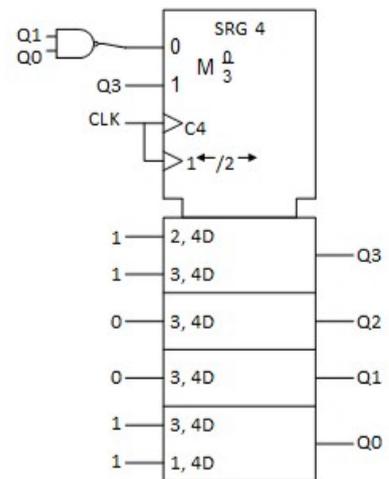
- I. What is the minimum clock period of the following circuit, given the table values (in ns)?  
 [Qual é o período de relógio mínimo do seguinte circuito, assumindo os valores da tabela (em ns)?]



- [ 1 ]: 49                      [ 2 ]: 41                      [ 3 ]: 50  
 [ 4 ]: 44                      [ 5 ]: 57                      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 3 ]

- J. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is Q3 Q2 Q1 Q0 = 1011. What are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é Q3 Q2 Q1 Q0 = 1011. Quais serão os próximos dois estados?]

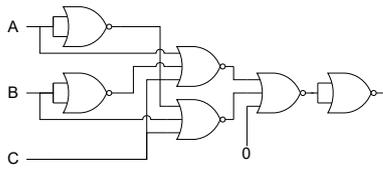


- [ 1 ]: 1001, 1100  
 [ 2 ]: 1011, 0110  
 [ 3 ]: 1010, 0110  
 [ 4 ]: 1001, 1001  
 [ 5 ]: 0011, 1111  
 [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

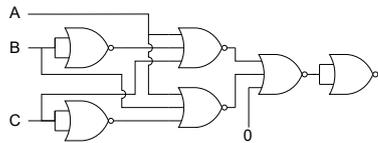
Correct answers: [ 6 ]

This page will be discarded

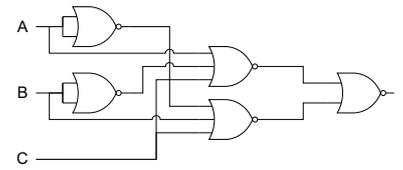
K. Which of the following circuits implements the expression  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?



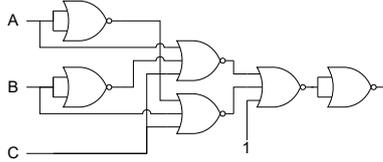
[ 1 ]



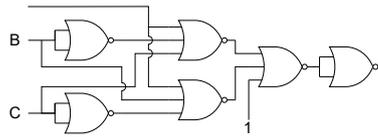
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



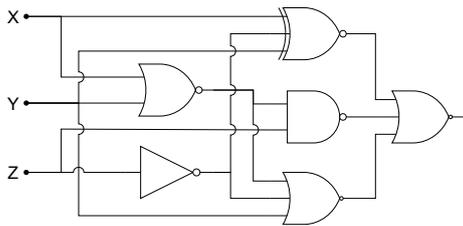
[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 2 ]

L. What is the worst case for the propagation time of the following circuit?  
 [Qual é o pior caso para o tempo de propagação do seguinte circuito?]



Gate	tp [ns]
NOT	4
NAND2	8
NOR2	7
NOR3	9
XNOR3	11

[ 1 ]: 28  
 [ 4 ]: 25

[ 2 ]: 19  
 [ 5 ]: 26

[ 3 ]: 24

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

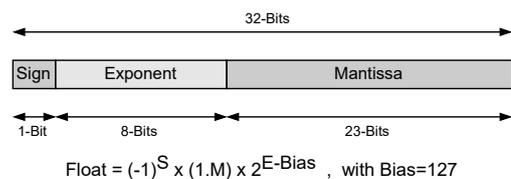
M. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?  
 [As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

[ 1 ]: B,A,C  
 [ 4 ]: C,A,B

[ 2 ]: A,B,C  
 [ 5 ]: A,C,B

[ 3 ]: B,C,A  
 [ 6 ]: C,B,A

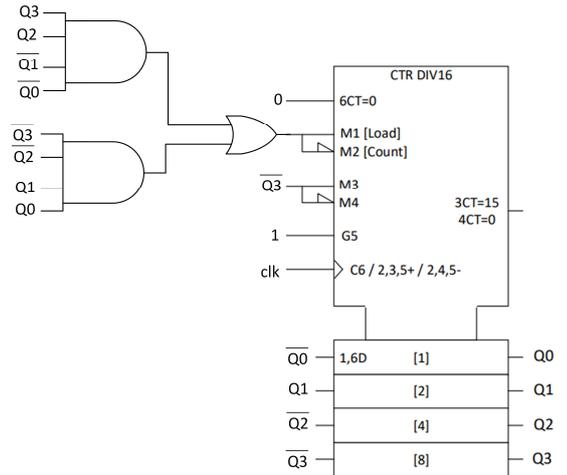


Correct answers: [ 3 ]

This page will be discarded

N. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)

[Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]



- [ 1 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...
- [ 2 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...
- [ 3 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...
- [ 4 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...
- [ 5 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

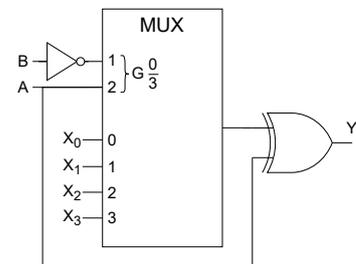
Correct answers: [ 3 ]

O. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.

[Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

- [ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$
- [ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$
- [ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$
- [ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$
- [ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$
- [ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



Correct answers: [ 4 ]

P. What is the 8-bit two's complement representation of -51?

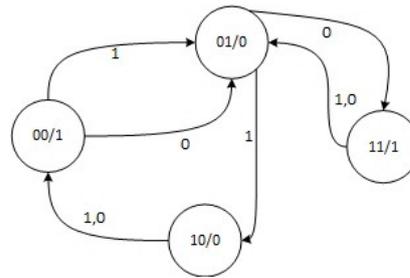
[Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de -51?]

- [ 1 ]: 11001100      [ 2 ]: 11001110      [ 3 ]: 10110001
- [ 4 ]: 00110001      [ 5 ]: 11001101      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]

This page will be discarded

Q. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 5 ]

None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 2 ]

R. Represent  $10110110_2$  in octal.

[Represente  $10110110_2$  em octal.]

[ 1 ]: 146

[ 2 ]: 136

[ 3 ]: 166

[ 4 ]: 266

[ 5 ]: 246

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

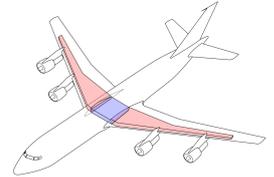
This page will be discarded

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

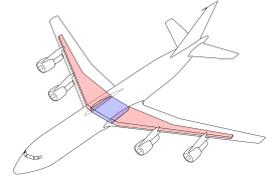
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

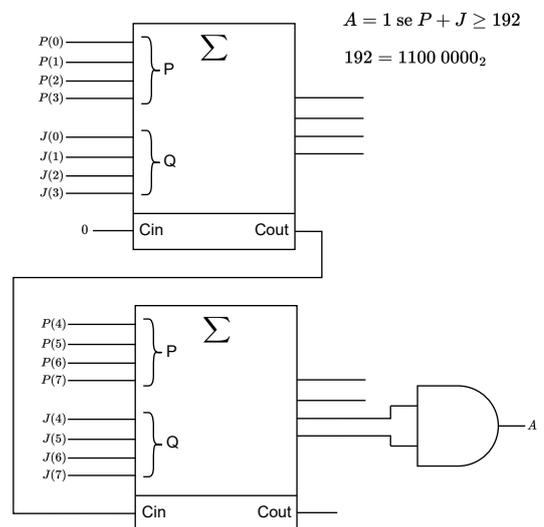
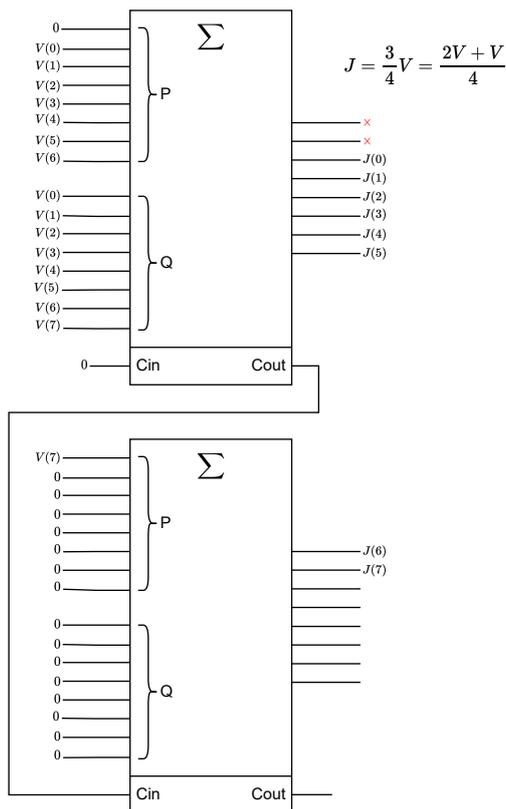
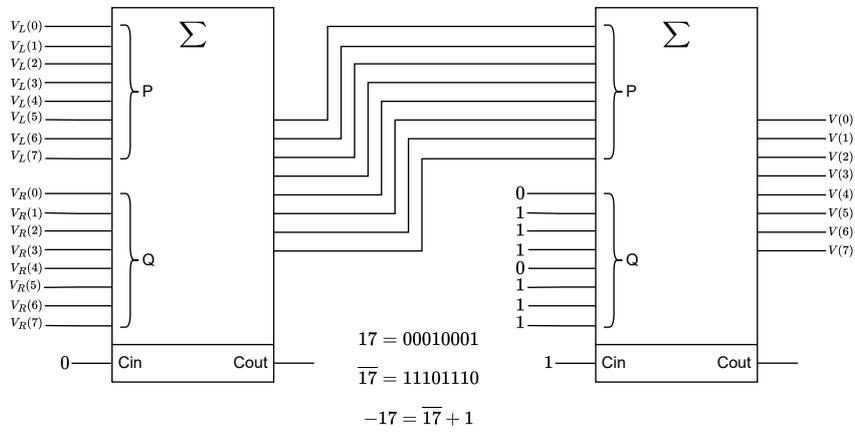
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua decolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na decolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:



This page will be discarded

## Volume 1 - Part III

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 50% + 50%]

Design a circuit that controls the gate of an aircraft hangar. The gate operates vertically, with the electromechanical device located above the entrance. The control mechanism of the gate works as follows:



- All the signals are Active High.
- Input signal S1 indicates that the gate is completely open. Input signal S2 indicates that the gate is completely closed. Input signal S3 indicates that an object was detected in the middle of the entrance.
- Output signals A1 and A2 respectively cause the electromechanical device to raise or lower the gate. The movement of the gate requires that one and only one of the signals A1 or A2 is active, otherwise the mechanism stops.
- The remote control can select between two modes of operation, manual or auto, which correspond to the input signals MA and AU, respectively, in the control circuit. In order to change the mode of operation, the gate must be closed, it being enough that the respective signal is active during a single clock cycle. MA has priority over AU.
- The remote control also generates input signals UP and DN, to trigger raising or lowering of the gate, respectively. The effect of these signals depends on the mode of operation. UP and DN have priority over MA and AU.
- In auto mode, activation of the UP signal (at least one clock cycle) will trigger the raising of the gate, which will only stop when the gate is completely open. After this, a timer will start (the transition of signal AT to active status starts the timer), and, once it expires (activation of input signal TR), the gate will automatically start to lower. Lowering of the gate will continue until the gate is completely closed, or signal S3 is detected active (at least one clock cycle). In this later case, raising is automatically triggered as if the UP signal had been generated. In auto mode, the DN button has no action associated.
- In manual mode, the UP and DN signals must be continuously active in order to move the gate up or down, respectively. Once the UP signal is active, it must be first deactivated to allow DN to have effect, and vice versa.
- In the initial state, the gate is closed, and operating in auto mode.

Consider the incomplete state diagram of the Moore machine of the circuit (see Volume 2, Part III).

Complete the diagram, defining the values of the input signals associated with all state transitions, as well as the values of the output signals associated with each state. "Don't cares" must be used for the inputs whose value does not matter for given a state transition. In the diagram, indicate the inputs/outputs according to the following order:

- Order of the inputs: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs: A1, A2, AT.

### Question B:

The state transition table on the right describes the behavior of a machine with 4 states, one input E and one output Y. A circuit that implements it using two flip-flops of type D (FF0 and FF1), as well as AND, OR and NOT gates, is to be projected. Obtain the logical expressions (in minimal form) for the flip-flop input signals, as well as the output of the circuit.

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

D0 = ...

D1 = ...

Y = ...

**IMPORTANT:** This page will **NOT** be considered for your evaluation

**Pergunta A:**

Projecte um circuito para controlar o portão do *hangar* de uma aeronave. O portão abre e fecha verticalmente, estando o dispositivo eletro-mecânico localizado na parte de cima da entrada. O mecanismo de controlo funciona da forma seguinte:



- Todos os sinais são Ativos a High.
- O sinal de entrada S1 indica que o portão está completamente aberto. O sinal de entrada S2 indica que o portão está completamente fechado. O sinal S3 indica que um objecto foi detectado na entrada do portão.
- Os sinais de saída A1 e A2, fazem com que o dispositivo eletro-mecânico eleve ou baixe o portão, respetivamente. O movimento do portão só ocorre se um e apenas um dos sinais A1 ou A2 estiver ativo, caso contrário o mecanismo pára o movimento.
- O controlo remoto pode seleccionar um entre dois modos de funcionamento, manual ou automático, o que corresponde à geração dos sinais de entrada MA e AU, respetivamente. Para que se possa alterar o modo de funcionamento, o portão tem de estar fechado, bastando que o respetivo sinal fique ativo durante um ciclo de relógio. MA tem prioridade sobre AU.
- O controlo remoto também gera sinais UP e DN, para despoletar a elevação e abaixamento do portão. O efeito destes sinais depende do modo de funcionamento. UP e DN têm prioridade sobre MA e AU.
- No modo automático, a ativação do sinal UP (pelo menos um ciclo de relógio) irá despoletar a elevação do portão, a qual irá parar uma vez que o portão esteja completamente aberto. Depois disso, um temporizador irá arrancar (o arranque é despoletado pela transição do sinal AT para ativo), e, uma vez que o temporizador expire (ativação do sinal de entrada TR), o portão começará automaticamente a baixar. O abaixamento do portão irá continuar até o portão estar completamente fechado, ou até o sinal S3 ficar ativo (pelo menos um ciclo de relógio). Neste último caso, a elevação do portão recomeça automaticamente, como se o sinal UP tivesse sido gerado. No modo automático, o sinal DN não tem nenhuma acção associada.
- No modo manual, os sinais UP e DN têm de estar continuamente ativos para elevar ou baixar o portão, respetivamente. Assim que o sinal UP fica ativo, tem de ser primeiro desativado para que DN possa ter efeito, e vice versa.
- No estado inicial, o portão está fechado e em modo automático.

Considere o diagrama de estados incompleto da máquina de Moore do circuito (ver Volume 2, Parte III). Complete o diagrama, definindo os valores dos sinais de entrada que desencadeiam todas as transições de estado, assim como os valores de saída de cada estado. As "indiferenças" têm de ser obrigatoriamente usadas para entradas que não tenham influência numa determinada transição de estado. As entradas/saídas têm de ser indicadas de acordo com a ordem seguinte:

- Ordem das entradas: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Ordem das saídas: A1, A2, AT.

**Pergunta B:**

A tabela de transição de estados à direita descreve uma máquina com 4 estados, uma entrada E e uma saída Y. Projecte o circuito que a implementa utilizando dois flip-flops D (FF0 e FF1), assim como portas AND, OR e NOT. Obtenha as expressões algébricas (na forma mínima) para os sinais de entrada dos flip-flops, assim como da saída do circuito.

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

D0 = ...

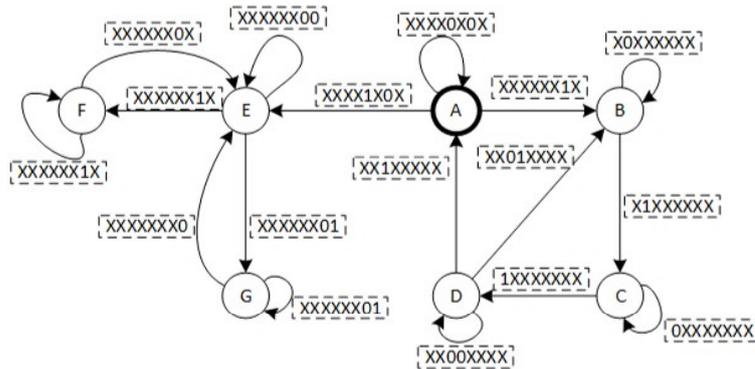
D1 = ...

Y = ...

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

This page will be discarded

This page will be discarded

**Volume 1 - Part I**

A. Consider the following circuit with an adder, a register (4 FF's) and a combinational logic circuit. Assuming that the current state is  $Q(3:0) = 1010$ , what are the next two states of the circuit?

[Considere o seguinte circuito com um somador, um registo (4 FF's) e lógica combinatória. Assumindo que o estado actual é  $Q(3:0) = 1010$ , quais serão os próximos dois estados do circuito?]

[ 1 ]: 1110, 1111

[ 2 ]: 0011, 1110

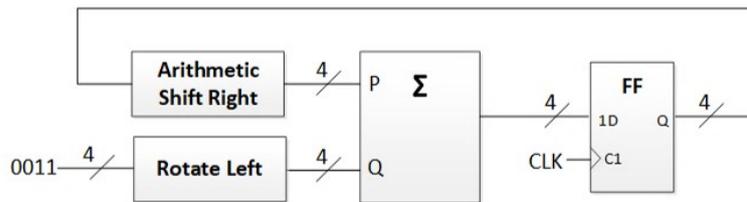
[ 3 ]: 0011, 0111

[ 4 ]: 1100, 1000

[ 5 ]: 0111, 1111

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]



Correct answers: [ 3 ]

B. Which of the following expressions corresponds to the minimal function (defined as a product-of-sums) represented in the Karnaugh-map?

[Qual das seguintes expressões corresponde à função mínima (definida como um produto de somas) representada no mapa de Karnaugh?]

[ 1 ]:  $(A + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + \bar{D})$

[ 2 ]:  $(\bar{A} + C)(\bar{B} + \bar{D})(C + \bar{A})$

[ 3 ]:  $(\bar{B} + D)(A + \bar{C})(\bar{B} + \bar{D})$

[ 4 ]:  $(A + \bar{B})(\bar{B} + D)(\bar{B} + \bar{A})$

[ 5 ]:  $(B + \bar{C})(\bar{B} + D)(C + \bar{D})$

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	X	X
	01	1	X	0	1
	11	0	1	1	0
	10	X	X	0	X

Correct answers: [ 1 ]

C. Represent  $C9_{16}$  in base 10.

[Represente  $C9_{16}$  na base 10.]

[ 1 ]: 201

[ 2 ]: 197

[ 3 ]: 221

[ 4 ]: 181

[ 5 ]: 215

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 1 ]

D. Represent  $10110110_2$  in octal.

[Represente  $10110110_2$  em octal.]

[ 1 ]: 246

[ 2 ]: 266

[ 3 ]: 136

[ 4 ]: 166

[ 5 ]: 146

[ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 2 ]

This page will be discarded

E. Consider the following state transition table with two inputs  $Init$  and  $X$ , two outputs  $Y1$  and  $Y0$ , where each state  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  is implemented with D flip-flops, with input  $D_i$  (next state) and output  $Q_i$  (current state). Select, only for the state  $S_2$ , the correct option for  $D_2$  as a function of  $Init$  and  $X$  and the current states  $Q_i$ .

[Considere a seguinte tabela de transição de estados com duas entradas  $Init$  e  $X$ , duas saídas  $Y1$  e  $Y0$ , em que cada estado  $S_i (i = 0, \dots, 3)$  é implementado com flip-flops do tipo D, com entradas  $D_i$  (próximo estado) e saídas  $Q_i$  (estado actual). Indique, para o estado  $S_2$ , a expressão de  $D_2$  como função de  $Init$  e  $X$  e os estados actuais  $Q_i$ .]

Q3(n)	Q2(n)	Q1(n)	Q0(n)	Init	X	Q3(n+1)	Q2(n+1)	Q1(n+1)	Q0(n+1)	Y1	Y0
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
-	-	-	-	1	-	0	1	0	0	0	0

[ 1 ]:  $D_2 = Init \cdot (\bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3)$

[ 2 ]:  $D_2 = Init + X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_1 + X \cdot Q_2$

[ 3 ]:  $D_2 = X \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_1 + X \cdot Q_3 \cdot Y_0$

[ 4 ]:  $D_2 = X \cdot Q_1 + \bar{X} \cdot Q_2 \cdot Y_0 + X \cdot Q_3$

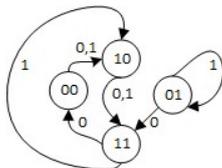
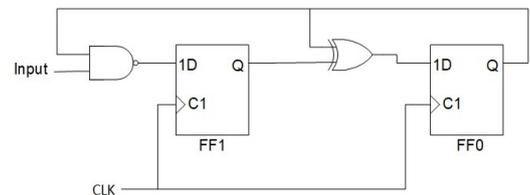
[ 5 ]:  $D_2 = Init + \bar{X} \cdot Q_0 + \bar{X} \cdot Q_2 + X \cdot Q_3$

[ 6 ]: None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

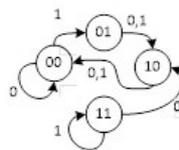
Correct answers: [ 6 ]

F. Consider the following circuit. Which state diagram corresponds to the circuit?

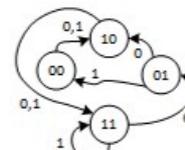
[Considere o seguinte circuito. Qual dos diagramas de estado corresponde ao funcionamento do circuito?]



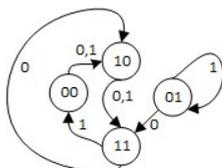
[ 1 ]



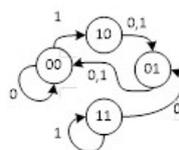
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



[ 5 ]

None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

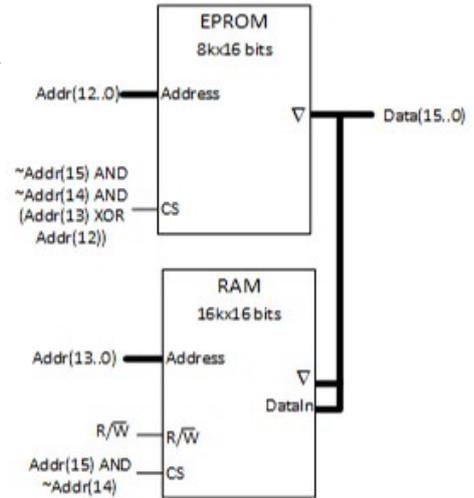
[ 6 ]

Correct answers: [ 4 ]

This page will be discarded

G. Consider the following memory system. Indicate the range of addresses that correspond to RAM and EPROM.  
 [Considere o seguinte sistema de memória. Indique os intervalos de endereços que correspondem a RAM e EPROM.]

- [ 1 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 2 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:2000h..3FFFh
- [ 3 ]: RAM:8000h..BFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 4 ]: RAM:C000h..FFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 5 ]: RAM:B000h..EFFFh; EPROM:1000h..2FFFh
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

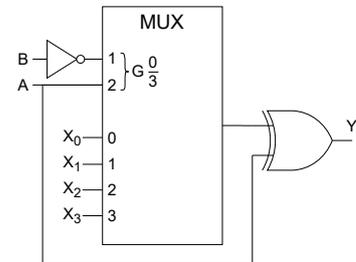


Correct answers: [ 3 ]

H. Consider the following circuit and truth table. Select the multiplexer inputs  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  that result in the given truth table.  
 [Considere o seguinte circuito e tabela de verdade. Selecione as entradas do multiplexer  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\}$  que resultam na tabela apresentada.]

- [ 1 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; C; 1; \bar{C}\}$
- [ 2 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 1; C; \bar{C}\}$
- [ 3 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{\bar{C}; 0; C; C\}$
- [ 4 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; \bar{C}\}$
- [ 5 ]:  $\{X_3; X_2; X_1; X_0\} = \{C; \bar{C}; 1; C\}$
- [ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



Correct answers: [ 1 ]

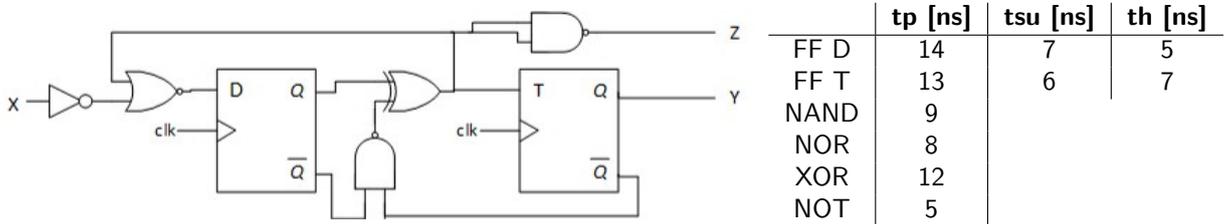
I. What is the 8-bit two's complement representation of -51?  
 [Qual é a representação em complemento para dois com 8-bits de -51?]

- [ 1 ]: 11001101      [ 2 ]: 11001110      [ 3 ]: 10110001
- [ 4 ]: 11001100      [ 5 ]: 00110001      [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 1 ]

This page will be discarded

J. What is the minimum clock period of the following circuit, given the table values (in ns)?  
 [Qual é o período de relógio mínimo do seguinte circuito, assumindo os valores da tabela (em ns)?]

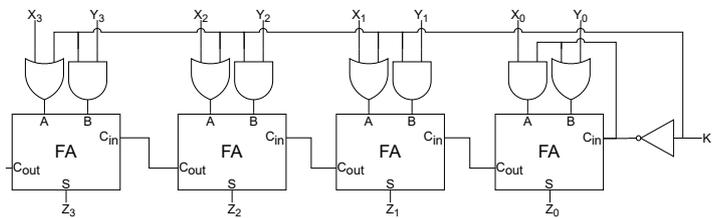


- [ 1 ]: 44
- [ 2 ]: 49
- [ 3 ]: 57
- [ 4 ]: 50
- [ 5 ]: 41
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 4 ]

K. Which function is implemented by the following circuit? Consider that X and Y are 4-bit signed numbers (two's complement).  
 [Qual é a função desempenhada pelo seguinte circuito? Assuma que X e Y são números com sinal com 4-bits (em complemento para dois).]

- [ 1 ]: K=0: Z=X+2 ; K=1: Z=Y-2
- [ 2 ]: K=0: Z=X-1 ; K=1: Z=X+Y
- [ 3 ]: K=0: Z=X+Y ; K=1: Z=Y-1
- [ 4 ]: K=0: Z=X+1 ; K=1: Z=X-Y
- [ 5 ]: K=0: Z=X-Y ; K=1: Z=Y+1
- [ 6 ]: None of the other options [Nenhuma das outras opções]

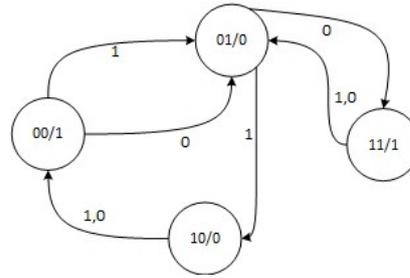


Correct answers: [ 1 ]

This page will be discarded



N. Consider the following state diagram. Select the output value for each state and the value of the next state for each state and input.



Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	11
01	1	00	10
10	1	10	10
11	1	11	01

[ 1 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 2 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	10	01
01	0	11	10
10	1	00	00
11	1	01	01

[ 3 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	1	01	01
01	0	11	10
10	0	00	00
11	1	01	01

[ 4 ]

Q(n)	Y(n)	Q(n+1) x=0	Q(n+1) x=1
00	0	10	00
01	1	10	11
10	0	10	01
11	1	11	01

[ 5 ]

None of the other options  
[Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

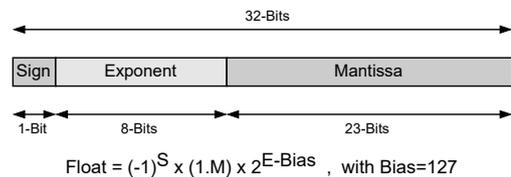
Correct answers: [ 4 ]

O. The following 32-bit words correspond to signed rational numbers represented in fixed-point and floating-point. Which of the options presented below corresponds to an ascending ordering of these words?

[As seguintes palavras de 32-bits correspondem a números racionais com sinal representados em vírgula fixa e em vírgula flutuante. Qual das opções corresponde à ordenação crescente destas palavras?]

A = 3FB70A3Dh (IEEE-754)    B = C8000000h (Q2.30)    C = 30000000h (Q1.31)

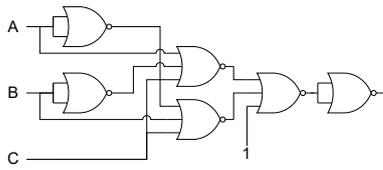
- [ 1 ]: B,A,C      [ 2 ]: A,C,B      [ 3 ]: B,C,A
- [ 4 ]: A,B,C      [ 5 ]: C,A,B      [ 6 ]: C,B,A



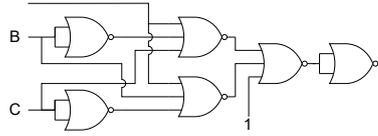
Correct answers: [ 3 ]

This page will be discarded

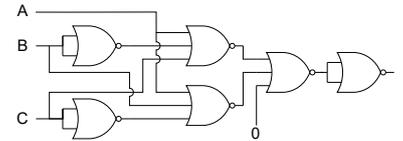
P. Which of the following circuits implements the expression  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?  
 [Qual dos seguintes circuitos implementa a expressão  $\bar{A} \cdot (B \oplus C)$ ?



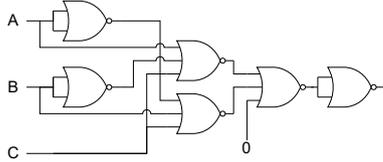
[ 1 ]



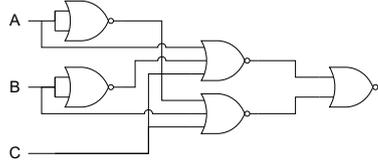
[ 2 ]



[ 3 ]



[ 4 ]



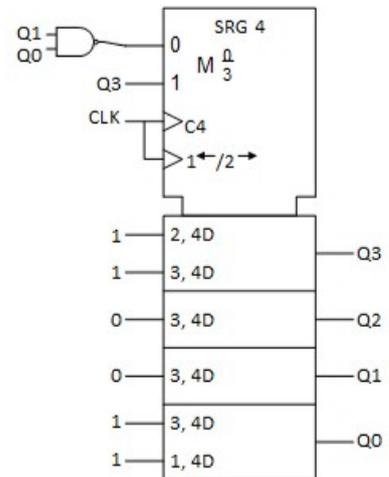
[ 5 ]

None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

[ 6 ]

Correct answers: [ 3 ]

Q. Consider the following circuit with a 4-bit shift register, as depicted in the figure. The current state is  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . What are the next two states of the circuit?  
 [Considere o seguinte circuito com um registo de deslocamento de 4-bits representado na figura. O estado actual é  $Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 = 1011$ . Quais serão os próximos dois estados?]



[ 1 ]: 1001, 1100

[ 2 ]: 1011, 0110

[ 3 ]: 0011, 1111

[ 4 ]: 1010, 0110

[ 5 ]: 1001, 1001

[ 6 ]: None of the other options  
 [Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 6 ]

This page will be discarded

R. Which of the following options corresponds to the sequence, in stationary mode, in decimal format at the output of the circuit in the figure below? (suggestion: start by analyzing a "load" situation.)

[Qual das seguintes opções corresponde à sequência de saída do seguinte circuito, em regime estacionário e em formato decimal? (sugestão: comece por analisar a situação de carregamento ("load") de dados.)]

[ 1 ]: ... 11 - 3 - 4 - 5 - 13 - 12 - 11 ...

[ 2 ]: ... 14 - 3 - 2 - 1 - 12 - 13 - 14 ...

[ 3 ]: ... 13 - 5 - 4 - 3 - 11 - 12 - 13 ...

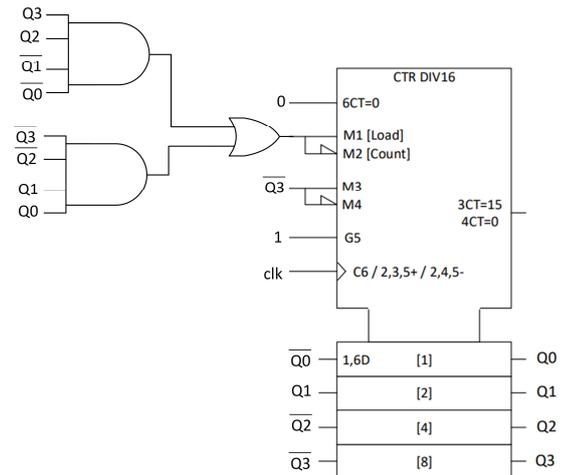
[ 4 ]: ... 10 - 7 - 6 - 5 - 8 - 9 - 10 ...

[ 5 ]: ... 12 - 1 - 2 - 3 - 14 - 13 - 12 ...

[ 6 ]: None of the other options

[Nenhuma das outras opções]

Correct answers: [ 5 ]



(This space was intentionally left blank for you auxiliary calculations.)

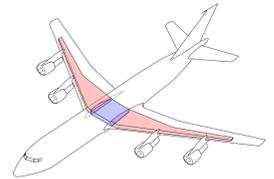
This page will be discarded

**Volume 1 - Part II**

**NOTE:** Portuguese version in the following page

[Question score partitioning: 33% + 34% + 33%]

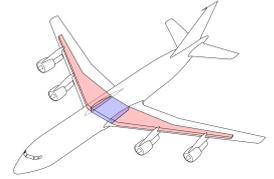
The amount of fuel stored in the two tanks located on the left and right wings of an aircraft is an important safety parameter not only when taking off (since the weight of the fuel makes it difficult for the plane to climb) but also during flight (to ensure that the plane arrives at its destination). Each of these tanks has a sensor that indicates the amount of fuel stored (in thousands of liters), respectively  $V_L$  and  $V_R$ , with an 8-bit precision. From this value it is necessary to subtract a correction term associated with the deformation of the wings, with a constant value corresponding to 8500 liters (in each wing).



**NOTE:** In questions (1) and (2) consider the utilization of 8-bit adders; in question (3) consider the utilization of 4-bit adders. Assume an 8-bit precision in all intermediate calculations and try to minimize the amount of hardware resources as much as possible.:

1. Design the circuit that calculates the amount ( $V$ ) of fuel onboard (in thousands of liters).
2. By taking into account that the Jet-A1 gasoline density is approximately 0.75 kg/liter, implement a circuit that calculates the weight of the fuel ( $J$ ) onboard (in tons).  
Hint: remember that  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. To support the crew in its decision-making, the handling team informs the pilot about the total weight (luggage + passengers) onboard ( $P$ , measured in tons). Considering that the maximum load allowed at take-off is 192 tons, implement a circuit that activates an alarm ( $A$ ) to prevent the aircraft from operating when the total loaded load (including fuel) exceeds the allowed threshold.  
Attention: to answer this line you should use 4-bits adders.  
Hint: remember that  $192 = 128 + 64$ .

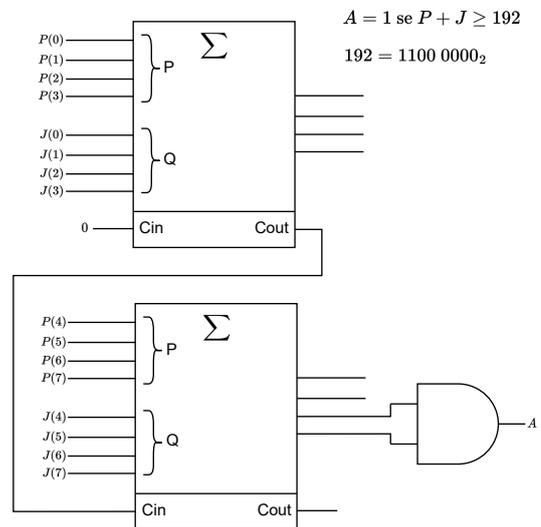
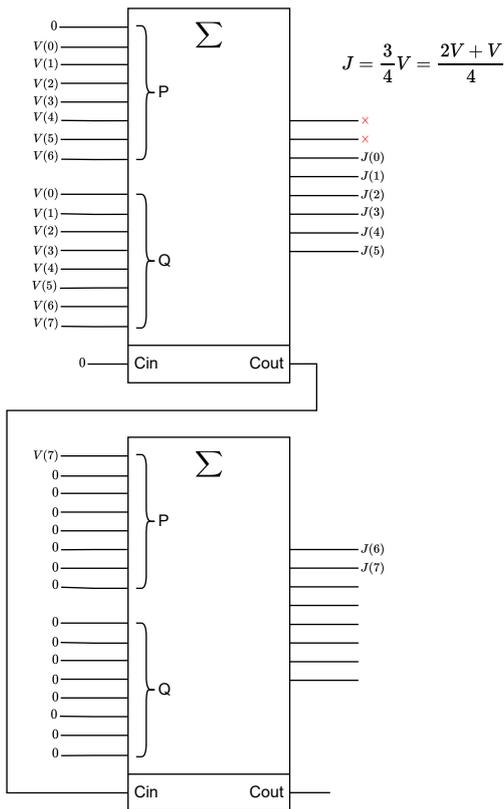
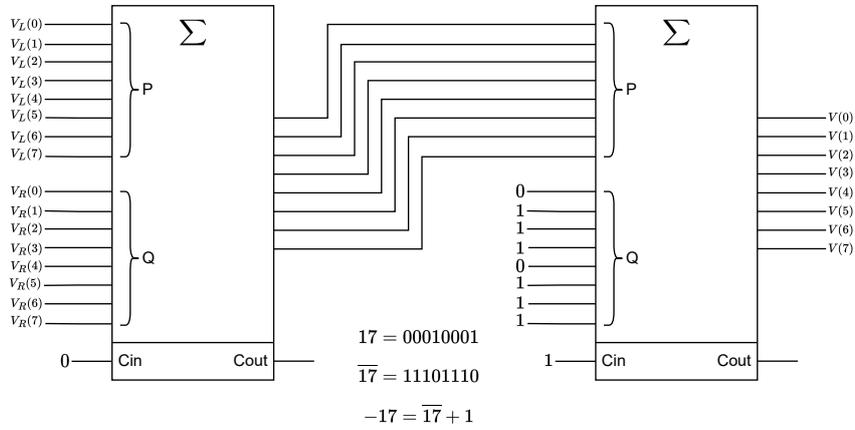
A quantidade de combustível armazenada nos dois tanques localizados nas asas esquerda e direita de uma aeronave é um importante parâmetro de segurança não só aquando da sua decolagem (pois o peso do combustível dificulta a subida do avião) mas também durante o voo (para garantir que o avião chega ao seu destino). Cada um destes tanques dispõe de um sensor que indica a quantidade de combustível armazenado (em milhares de litros), respectivamente  $V_L$  e  $V_R$ , com uma precisão de 8-bits. A este valor é necessário subtrair uma correcção associada à deformação das asas, de valor constante e correspondente a 8500 litros (em cada asa).



**NOTA:** Nas perguntas (1) e (2) considere a utilização de somadores de 8-bits; na pergunta (3) considere a utilização de somadores de 4-bits. Assuma uma precisão de 8-bit em todos os cálculos intermédios e procure minimizar os recursos de hardware utilizados:

1. Projecte o circuito que calcula a quantidade total ( $V$ ) de combustível disponível (em milhares de litros).
2. Tendo em conta que a densidade da gasolina Jet-A1 é de aproximadamente 0.75 kg/litro, implemente um circuito que calcula o peso do combustível ( $J$ ) a bordo (em toneladas).  
Sugestão: lembre-se que  $0.75 = \frac{3}{4}$ .
3. Para apoiar a tripulação nas tomadas de decisão, a equipa de *handling* transmite ao piloto o peso total (porão + passageiros) embarcado ( $P$ , medido em toneladas). Considerando que a carga máxima permitida na decolagem é de 192 toneladas, implemente um circuito que active um alarme ( $A$ ) de modo a impedir a operação do avião quando a carga total embarcada (contando com o combustível) excede o limiar permitido.  
Atenção: para responder a esta alínea deve utilizar somadores de 4-bits.  
Sugestão: lembre-se que  $192 = 128 + 64$ .

Solução Proposta:

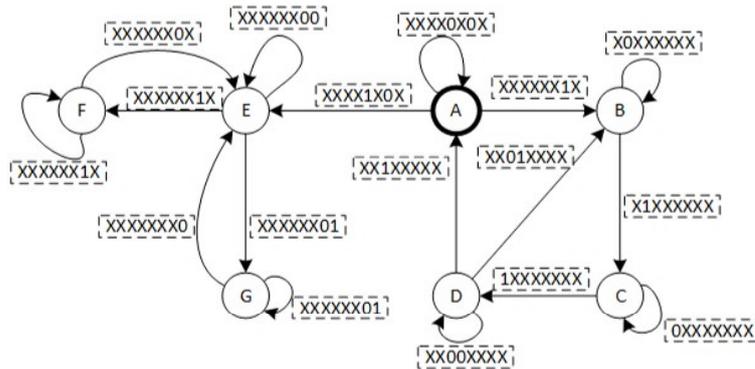


This page will be discarded

Solução Proposta:

- A: Initial state, auto mode, gate closed [Estado inicial, modo automático, portão fechado];
- B: Auto mode, raising the gate [Modo automático, elevando o portão];
- C: Auto mode, gate fully open [Modo automático, portão completamente aberto];
- D: Auto mode, lowering the gate [Modo automático, baixando o portão];
- E: Manual mode, gate closed [Modo manual, portão fechado];
- F: Manual mode, raising the gate [Modo manual, elevando o portão];
- G: Manual mode, lowering the gate [Modo manual, baixando o portão];

- Order of the inputs [Ordem das entradas]: TR, S1, S2, S3, MA, AU, UP, DN.
- Order of the outputs [Ordem das saídas]: AT, A1, A2.



- A: 000
- B: 010
- C: 100
- D: 001
- E: 000
- F: 010
- G: 001

Q1(n)	Q0(n)	E	Q1(n+1)=D1	Q0(n+1)	Y
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0

Q1Q0/E	0	1
00	1	0
01	1	0
11	1	0
10	0	1

D1

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	0
11	1	0
10	0	1

D0

Q1Q0/E	0	1
00	0	1
01	0	1
11	0	0
10	1	1

Y

$$D1 = \sim Q1 \sim E + Q0 \sim E + Q1 \sim Q0 E$$

$$= (Q1 + \sim E)(\sim Q0 + \sim E)(\sim Q1 + Q0 + E)$$

$$D0 = \sim Q0 E + Q1 Q0 \sim E$$

$$= (Q1 + E)(Q0 + E)(\sim Q0 + \sim E)$$

$$Y = \sim Q1 E + Q1 \sim Q0$$

$$= (Q1 + E)(\sim Q1 + \sim Q0)$$

This page will be discarded